ZUSE-Operations Research

Terminplanung mit C.P.M.

(Critical Path Method)

ZUSE KG

Datenverarbeitungsanlagen



Terminplanung mit C.P.M.

(Critical Path Method)

O.R.-Gruppe der ZUSE Ges. m. b. H. Wien Dipl. Ing. Wolfgang Steyrleithner

ZUSE KG · Bad Hersfeld ZUSE Ges. m. b. H. Wien

Inhaltsverzeichnis

		Seite
1.	Einleitung	1
2.	Ursprüng	2
3.	Allgemeine Gesichtspunkte	2
4.	Der Netzplan	4
	4.1 Ereignisse	5
	4.2 Tätigkeiten	5
5,	Aufstellen eines Netzes	6
6.	Angaben um ein Netzwerk für die Verarbeitung	
(:	auf der ZUSE Z23 eindeutig zu bestimmen	15
7.	Ablauf und Verfahren der Terminerrechnung	15
	7.1 Allgemeines	15
	7.2 Erläuterung an einem Beispiel	17
	7.3 frühestmöglicher Beginnzeitpunkt	22
7.	7.4 fürhestmöglicher Endzeitpunkt	23
	7.5 spätestmöglicher Endzeitpunkt	24
	7.6 spätestmöglicher Beginnzeitpunkt	2 5
	7.7 Durchrechnung eines Beispiels nach den	
	abgeleiteten Formeln	2 5
8.	Pufferzeiten und kritischer Weg	27
	8.1 Allgemeines	27
	8.2 Erläuterung an einem Beispiel	29
	8.3 totale Pufferzeit	36
	8.4 freie Pufferzeit	37
	8.5 bedingt verfügbare Pufferzeit	39
	8.6 unabhängige Pufferzeit	40
9.	Durchrechnung des Projektes "Straßenbrücke"	
	an der ZUSE Z 23	42
10.	. Arbeitskräftebedarf	44
11.	. Projektüberwachung	45

1. Einleitung

Investitionsvorhaben nehmen heute immer größeren Umfang an. Zudem müssen diese Projekte möglichst rasch und termingerecht fertiggestellt werden, um einen wirtschaftlichen Einsatz der Investitionsgüter zu ermöglichen.

Um diesen Forderungen gerecht zu werden, genügten die konventionellen Planungsmethoden nicht mehr; daher wurden neue Wege beschritten, in deren Verlauf die sogenannte "Netzplantechnik" entwickelt wurde.

In den USA erlangten in den letzten Jahren zwei Verfahren, die die oben angeführten Forderungen bis zu einem gewissen Grad erfüllen, besonderes Interesse:

- die Critical Path Method (CPM) und
- Program Evaluation and Review Technique (PERT)

Aufgabe der folgenden Ausführungen soll es sein, einen Überblick über das zuerst angeführte Verfahren (die CP-Methode zu geben).

2. Urpsrung der Methode

Im Jahre 1956 erhielt die Integrates Engineering Control
Group der E.I. du Pont de Nemours & Co., Inc. die Aufgabe,
ein Planungssystem zu entwickeln, das einerseits auf die spezifischen Gegebenheiten der chemischen Industrie abgestimmt ist
und andererseits auch zeitlich optimale Einplanungen von
Revisions- und Unterhaltsarbeiten ermöglicht. Nach intensiven
Forschungsarbeiten und mit Hilfe einer leistungsfähigen EDVA
lag 1957 ein Vorschlag für eine

"Netzwerk - Zeitplanung"

vor. Ein wesentlicher Gesichtspunkt in dieser Arbeit lag darin, daß zwischen Arbeitsablaufplanung und Zeitplanung eine scharfe Trennung vorgenommen wurde.

Dieses Verfahren wurde zunächst

"Project Planing and Scheduling-System"
genannt und erst später setzte sich die Bezeichnung

"Critical Path Method"

durch. Durch die Anwendung der CP-Methode ließen sich von
Anfang an gute Erfolge erzielen, was auch der Grund für die
rasche Verbreitung dieses neuen Verfahrens zur Terminplanung
war.

3. Allgemeine Gesichtspunkte

Die hier beschriebene Methode ist ein Hilfsmittel zur

Planung,

Steuerung und

Überwachung

von Projektabläufen.

Wie schon erwähnt wurde, basiert das Verfahren auf einer strengen Trennung zwischen

Ablaufplanung und

Zeitplanung.

Grundlagen für die CP-Methode sind daher einerseits ein sogenannter

" Netzplan",

der den Ablauf wiederspiegelt, und andererseits Zeitschätzungen.

Infolge der Systematik ergeben sich für die CP-Methode eine Reihe von Vorzügen:

- a) zur Erstellung des Netzplanes ist es erforderlich, sich genauestens mit den organisatorischen und technologischen Zusammenhängen des auszuführenden Projektes zu beschäftigen. Schon aufgrund dieser Studie können sich interessante Vereinfachungen ergeben.
- b) Durch Änderung einiger markanter Größen kann man auf schnelle und übersichtliche Art alternative Terminpläne erstellen.
- c) Kritische Stellen bezüglich der Termineinhaltung werden klar ausgewiesen, daher können auch zeitgerecht die entsprechenden Maßnahmen getroffen werden.
- d) Die Kontrolle wird vereinfacht, weil die Beginn- und Endzeiten für alle Aktivitäten genau vorgegeben sind.

- e) Tagesterminpläne für jede Abteilung oder Arbeitsgruppe lassen sich bei Einsatz einer EDVA schnell und ohne großen Zeitaufwand ermitteln.
- f) I Korrekturen sind leicht zu berücksichtigen, und die Durchrechnung des Netzplanes darnach weist sofort alle Folgen von nichteingehaltenen Terminen aus.

Voraussetzungen für eine erfolgreiche Terminplanung mittels der Netzplantechnik sind, daß

- a) die Ziele klar formuliert sind und
- b) die Wege, die laut Netzplan zum Ziel führen sollen, auch in der angegebenen Form und Reihenfolge durchführbar sind.

Erwähnt sei aber auch, daß die Netzplantechnik sicher kein Allheilmittel für das komplexe Aufgabengebiet, wie die Terminplanung eines darstellt, ist. Sie kann jedoch für komplizierte Projekte und Aufträge die vorhandenen Hilfsmittel einzelner Betriebsstellen (z.B. Planungstafeln, Durchlaufpläne, Karteien, Listen, etc.) ersetzen und in einem umfassenden grafischen Programmplan, der die wirkungsvolle Verfolgung und Steuerung des Projektablaufes erlaubt, integrieren.

4. Der Netzplan

Wie schon aus den obigen Ausführungen hervorgeht, bedient sich die CP-Methode des Netzplanes, der die Zusammenhänge einzelner Physen einer Projektausführung beschreibt.

Netzwerke

stellen dabei Ablaufdiagramme dar, die alle erforderlichen Einzelvorgänge, die zur Projektvollendung führen, in ihrer logischen bzw. technologischen Folge festhalten und in ihrer zeitlichen Beziehung zueinander im Rahmen des Gesamtprojektes einordnen.

Aus diesen Forderungen ergeben sich folgende Netzwerkelemente:

- 4.1 Ereignisse (in der Literatir auch mit "event" bezeichnet)

 kennzeichnen im Terminplan den Abschluß einer Tätigkeit und

 den Zeitpunkt, zu dem eine neue Tätigkeit beginnen kann.

 Ereignisse haben keine zeitliche Ausdehnung; sie stellen

 Zeitpunkte dar und werden im Netzplan als Knoten dargestellt.
- 4.2 Tätigkeiten (Aktivitäten, jobs)

Aktivitäten ergeben sich als Verbindung zweier Ereignisse; sie sind also zeitbeanspruchende Netzwerkelemente; welche Ereignisse jeweils verbunden werden ergibt sich durch die schon oben erwähnte Ablaufplanung des Projektes. Als zeitliche Differenz zweier zu einer Aktivität gehörender Eriegnisse tritt mindestens die Dauer der betroffenen Aktivität auf. Darstellungsform der Tätigkeiten im Netzwerk sind gerichtete Strecken (gerichtet deshalb, weil die Folge der Arbeitsgänge, die zur Projektvollendung führen, nur in einer Richtung durchlaufen werden kann). Jede im Netzwerk enthaltene Strecke bedeutet einen zur Erreichung des Gesamtzieles erforderlichen Vorgang.

Grundsätzlich bedürfen Aktivitäten zu ihrer Durchführung einer bestimmten Zeitspanne größer als Null. Wie im Kapitel Netzplanerstellung noch gezeigt wird, gibt es auch Aktivitäten, die der Zeitspanne Null zu ihrer Erfüllung bedürfen. Diese werden als Hilfsmittel verwendet, um Nebenbedingungen darzustellen, die sich auf Grund der Darstellung des Projektablaufes durch "jobs" im Netzwerk nicht von selbst ergeben. Aktivitäten mit der Dauer von 0 Zeiteinheiten werden als Scheinaktivitäten (dummies) bezeichnet. Als graphische Darstellungsform entspricht ihnen eine strichlierte gerichtete Strecke.

5. Aufstellung eines Netzplanes

Ist der Ablauf der Projektausführung einmal festgesetzt, so kann man darangehen, den Netzplan aufzustellen. Vielfach wird empfohlen, dabei vom Projektende auszugehen und für jede schon festgehaltene Aktivität jene anzufügen, welche unmittelbar zuvor beziehungsweise gleichzeitig erfolgen. Netzpläne zur Terminplanung werden im Stadium der Grobplanung meistens nicht oder nur ungefähr über einer Zeitachse aufgetragen, daraus ergibt sich auch, daß die Länge der Aktivitätspfeile unabhängig von der zugehörigen Aktivitätsdauer gezeichnet werden kann. Die Gestalt des Netzes ist daher auch nicht festvorgegeben, vielmehr aber ergibt sich die Vermaschung eindeutig aus dem Arbeitsablauf.

Einige Grundregeln bei der Netzaufstellung sind noch zu beachten, denn nur ein von vorneherein einwandfrei aufgestelltes Netz kann eine erfolgreiche und rationelle Anwendung ermöglichen. Im <u>Netz</u> dürfen <u>keine Schleifen</u> enthalten sein. Sollten Wiederholungen von Arbeitsgängen vorkommen, so sind sie entweder hintereinander auszuführen oder als eine einzige Aktivität einzusetzen.

Daraus ergibt sich auch, daß die Aktivitäten im Zeitsinn des Netzes orientiert sein müssen.

Jede Aktivität beginnt und endet mit einem Ereignis und zwei Ereignisse dürfen nur durch eine Aktivität verbunden sein (um diese Forderung erfüllen zu können, werden die schon oben erwähnten Scheinaktivitäten in dass System eingeführt).

Alle Teilabläufe in der Arbeitsfolge müssen – um eine umfassende Terminplanung zu ermöglichen – in einem zusammenhängenden Netz festgehalten sein.

Einige grundlegende Gedanken zur Netzdarstellungsform seien noch angeführt:

Ein Netzplan kann aktivitäts- oder ereignisorientiert sein. Still schweigend wurde den bisherigen Ausführungen ein aktivitäts- orientiertes Netz zugrundegelegt. In diesem sind die Tätigkeiten als Verbindungslinien von Ereignissen dargestellt. Im ereignis- orientierten Netz werden nur Ereignisse und deren Beziehungen zueinander wiedergegeben. Die erstgenannte Darstellungsform hat sich beim Großteil der Benutzer durchgesetzt und sei daher auch Grundlage der noch folgenden Ausführungen.

Einige Beispiele zur Vorgangsweise bei der Erstellung des Netzwerkes:

Darstellung im Balkendiagramm:

im Netzwerk:

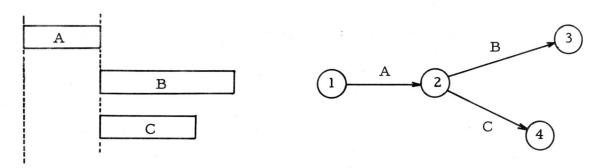
a) Eine Aktivität A



b) Mit der Aktivität B kann frühestens nach Vollendung der Tätigkeit A begonnen werden.



c) Mit den Aktivitäten B und C kann frühestens nach Vollendung der Tätigkeit A begonnen werden.

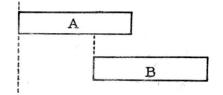


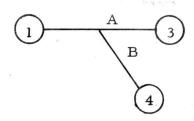
d) Die Tätigkeit B beginnt während des Ablaufes von A.

Zur genauen Darstellung ist A in zwei Teile zu spalten, deren

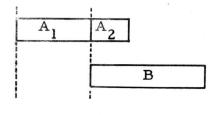
Trennungszeitpunkt das Anfangsereignis von B darstellt.

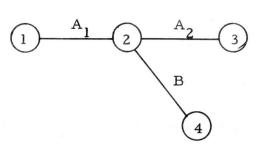
falsche Darstellung im Netzplan



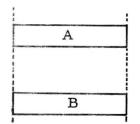


richtige Darstellung im Netzplan

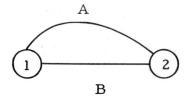




e) Die Tätigkeiten A und B haben zeitlich dasselbe Anfangs- und Endereignis



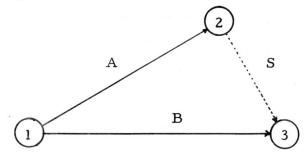
falsche
Darstellung:



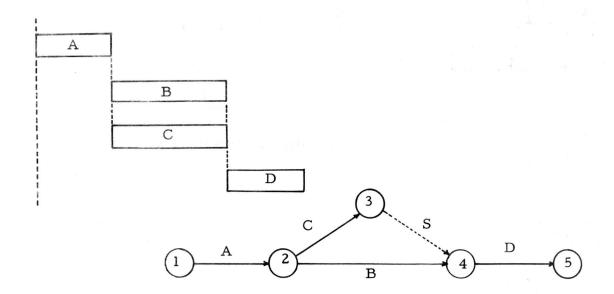
(zwei Knoten dürfen nur durch eine Aktivität verbunden werden).

Die richtige Darstellungsform ergibt sich, wie schon

erwähnt, durch Einführung einer Scheinaktivität (S):

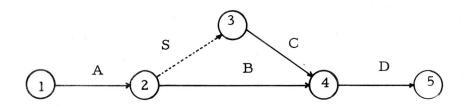


f) Zwei Aktivitäten, B und C, laufen zur selben Zeit ab und beginnen nach Vollendung von A; die Tätigkeit D folgt nach Vollendung von B und C.

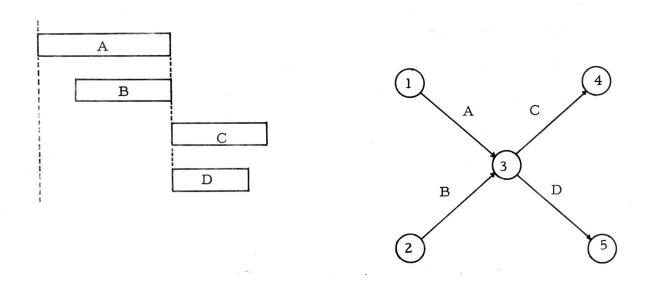


S = Scheinaktivität (Dauer = o)

eine mögliche Variante zu der oben gewählten Darstellungsform: man setzt die Scheinaktivität S <u>vor</u> die Aktivität C:

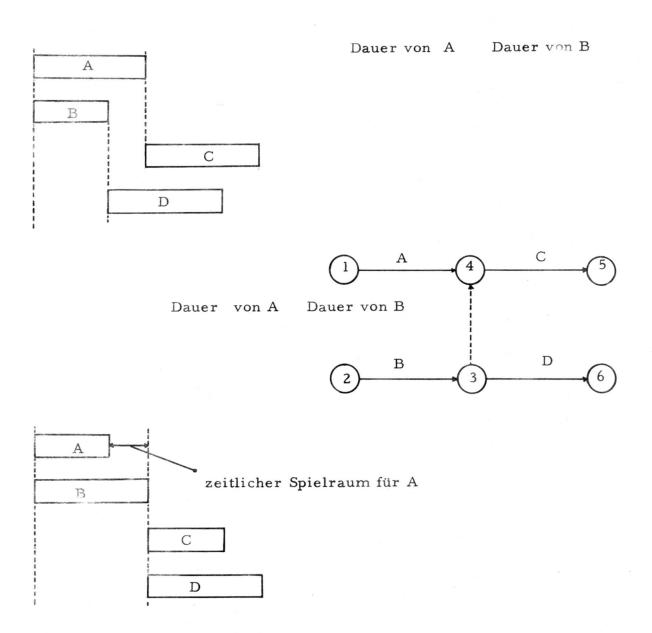


g) Die Tätigkeiten C und D beginnen erst nach Abschluß von A und B

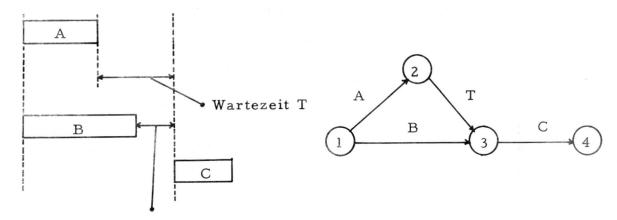


h) Die Aktivität C kann erst nach vollendeter Ausführung der Tätigkeiten
A und B beginnen, während der Anfangszeitpunkt der Aktivität D

nur vom Endzeitpunkt der Aktivität B abhängt:



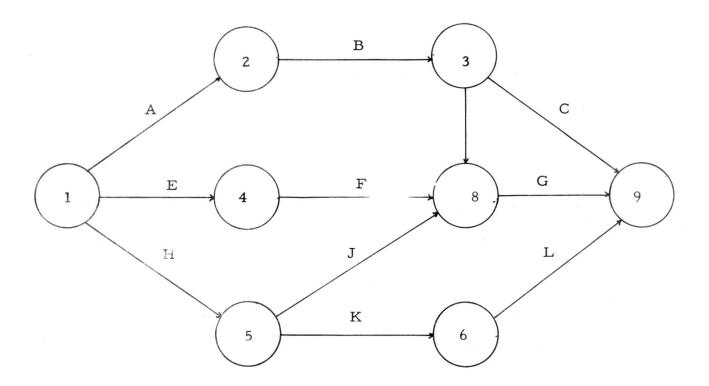
i) Nach Vollendung des Arbeitsganges A ist eine Wartezeit T einzuschieben; B beginnt zugleich mit A und C kann erst nach Ausführung von B und der Wartefrist T beginnen:



zeitlicher Spielraum für B zufolge der Wartezeit T

k) Bei der Verknüpfung einzelner Tätigkeitsfolgen im Netzwerk mittels Scheintätigkeiten ist besonders auf die entstehenden Abhängigkeiten zu achten!

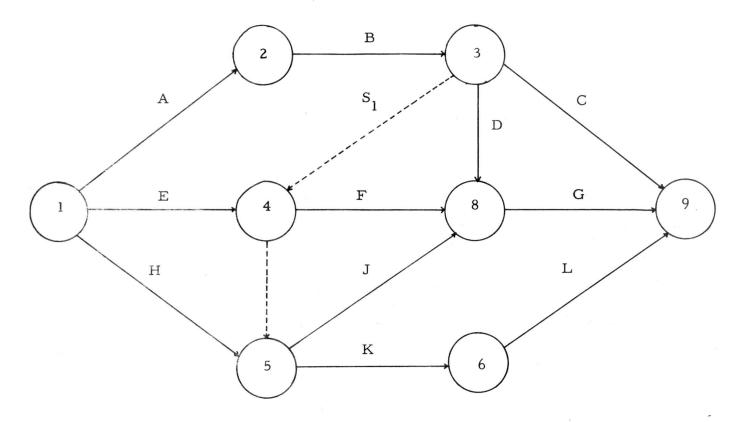
Ein Netzwerk habe folgenden Ablauf:



Dazu kommen noch die Bedingungen, daß die

Aktivität F erst nach B und die

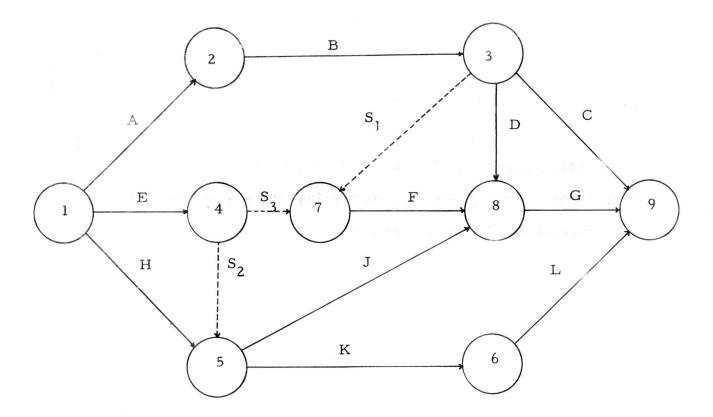
Aktivitäten J und K erst nach Beenden von E beginnen dürfen. Durch Einführen von Scheinaktivitäten lassen sich diese Bedingungen im Netzwerk einbauen.



Durch obige Darstellungsform erreicht man zwar, daß nach Verbindung des Endknotens von B und des Anfangsknotens von F mit der Scheinaktivität S_1 und nach Verbindung der Knoten 4 und 5 die zuvor gestellten Forderungen erfüllt sind. Es ergibt sich aber eine neue Abhängigkeit, die nicht unbedingt zulässig ist:

J und K können erst nach Beenden von B beginnen - bedingt über die Scheinabkivitäten S_1 und S_2 .

Als Abhilfe kann die umseitig angeführte Darstellungsweise vorgeschlagen werden:



Durch Einfügen der Scheintätigkeit S_3 wird eine Trennung der Ereignisse Ende - S_1 und Beginn S_2 erreicht.

Nachdem für die im Netzplan angeführten Tätigkeiten, die ihnen entsprechenden Zeiten, die zu deren Ausführung erforderlich sind, ermittelt wurden, kann man darangehen, die Beginn- und Endtermine für die Tätigkeiten festzusetzen.

Zunächsteinmal kann man sich leicht vorstellen, daß es eine Folge von Aktivitäten im Netz gibt, die den längstmöglichen Weg im Netzwerk durchläuft. Es ist der sogenannte "kritische Weg" (Critical Path); seine Länge (in Zeiteinheiten gemessen) gibt die kürzeste Dauer an um alle Tätigkeiten auszuführen und zum Projektende zu gelangen.

Er ist ein wichtiges Hilfsmittel zur Terminverfolgung und somit auch zur Voraussage des Projektendes. Seine Bestimmung ist daher auch Aufgabe der CP-Methode. Ergeben sich einzelne Terminverschiebungen bei der Projektausführung, so sind deren Auswirkungen manchmal von der Vermaschung des Netzes abhängig,

Es seien m = Anzahl der Knoten im Netz $n = \text{Anzahl der T\"{a}tigkeiten im Netz}$ daraus ergeben sich die Anzahl der Maschen mit n-m+1

6. Angaben um ein Netzwerk für eine Durchrechnung eindeutig zu bestimmen:

Im Netzwerk dürfen zwei Knoten nicht dieselbe Nummer führen.

Die Dauer muß für alle Aktivitäten in derselben Einheit angegeben werden. (Stunden, Arbeitstage, Wochen usw.)

7. Ablauf und Verfahren der Terminerrechnung

7.1 Allgemeines

Nach der Fertigstellung des Netzplanes ist zunächst einmal die Arbeitsablaufplanung abgeschlossen.

In der nächsten Phase wird die Zeitplanung durchgeführt.

Grundsätzliche Ziele der Zeitplanung:

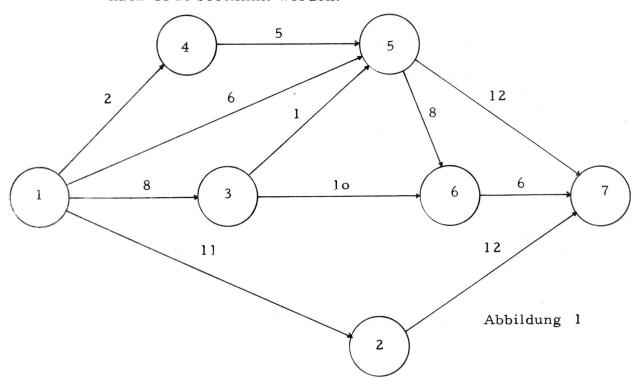
- Ermittlung von Beginn- und Endterminen für alle Aktivitäten
- Ermittlung von Zeitreserven
- Feststellung des "kritischen Weges"
- Ermittlung der Zeitdauer, die mindestens erforderlich ist, um das Projekt fertigzustellen.

Voraussetzungen sind - wie schon im vorhergehenden Abschnitt angeführt wurde- das eindeutig bestimmte Netzwerk und die Angabe der erforderlichen Zeitspanne um einen als Aktivität angeführten Auftrag auszuführen. Grundlage für die Schätzung der Dauer einer Aktivität bildet das gewählte Produktionsverfahren und das bestehende Organisationsschema des Unternehmens.

Nach der ersten Durchrechnung werden die Termine vielfach in relativen Zeitwerten angegeben, d. h. der Projektbeginn erhält den Zeitpunkt "null" und alle anderen Ereignisse werden zeitlich durch Angabe der Anzahl an Arbeitstagen zwischen dem Projektbeginn und dem Eintritt des betrachteten Ereignisses definiert. Hat man diese "relativen" Zeitpunkte festgelegt, so ist es ohne besonderen Aufwand möglich, wie auch schon oben erwähnt wurde, durch Angabe des Kalenderdatums für den Projektbeginn, alle Termine im Kalender festzusetzen, wobei man natürlich Feiertage, Samstags- und Sonntagsschichten wahlweise berücksichtigen kann.

7.2 Erläuterung an einem Beispiel

Am unten angeführten Beispiel eines Netzplanes soll nun gezeigt werden, wie prinzipiell die Ereigniszeitpunkte nach CPM bestimmt werden.



Die in den Kreisen angeführten Zahlen sind die Knotennummern, durch die die Tätigkeiten bezeichnet werden, die auf den Aktivitätspfeilen stehenden Zahlen sind die Dauer der Tätigkeiten in Tagen.

Der erste Teil der Rechnung umfaßt die <u>Bestimmung des</u>

<u>frühestmöglichen Anfanges</u> für die Durchführung jeder einzelnen

Aktivität.

Ausgangspunkt der Rechnung ist der Anfangsknoten des Projektes im gewählten Beispiel der Knoten 1. Alle Aktivitäten, die dort
ausgehen, erhalten als frühestmöglichen Beginnzeitpunkt die
Zeit "null". Zählt man für die am Knoten 1 beginnenden Aktivitäten
deren Dauer dazu, so erhält man einerseits das Ende der
Aktivitäten, andererseits auch einen möglichen Beginnzeitpunkt,
der an den Endknoten der bisher betrachteten Tätigkeiten neu
beginnenden Tätigkeiten. Im Beispiel werden zunächst die Tätigkeiten 1-2, 1-3, 1-5, 1-4 betroffen. In der Tabelle 1 sind
deren Ereigniszeitpunkte zusammengefaßt:

Anfangs- knoten	End- knoten	Dauer	frühestmög- licher Beginn	frühestmög- liches Ende
1	2	11	0	11
1	3	8	О	8
1	5	6	0	6
1	4	2 .	0	2

Tabelle I

Nach diesem Schritt erhält man für weitere, nicht am Anfangsknoten 1 anknüpfende Aktivitäten einen Beginnzeitpunkt. Es sind dies die Aktivitäten

- 4 5 mit der Dauer 5
- 3 5 mit der Dauer 1
- 3 6 mit der Dauer lo
- 2 7 mit der Dauer 12

Dabei kann die Tätigkeit 4 - 5 beginnen, wenn die Tätigkeit 1 - 4 beendet ist, 3 - 5 und 3 - 6 beginnen wenn 1 - 3 beendet ist, usw.

In der Tabelle 2 wurden die Ergebnisse festgehalten:

Anf ang s- knoten	En d- knoten	Dauer	Dauer frühestmög- licher Beginn	
4	5	5	2	7
3	5 -	1	8	9
3	6	10	8	18
2	7	12	11	23

Tabelle 2

Es fehlen nur mehr die Aktivitäten 5 - 7, 5 - 6 und 6 - 7.

Die Aktivitäten 5 - 6 und 5 - 7 können erst beginnen, wenn alle im Knoten 5 mündenden Tätigkeiten abgeschlossen sind, d.h. man muß unter den Tätigkeiten 4 - 5, 1 - 5 und 3 - 5 jene auswählen, deren Ende nach unserer bisherigen Rechnung am spätesten erfolgt. Es ist das die Tätigkeit 3 - 5 mit dem Endzeitpunkt 9; daher kann mit der Ausführung der Aktivitäten 5 - 6 und 5 - 7 auch erst zur Zeit 9 begonnen werden. Analoge Betrachtungen sind auch für den Knoten 6 anzustellen. In der nachstehenden Tabelle 3 sind die Zeiten für die noch fehlenden drei Tätigkeiten angeführt:

Anfangs- knoten	End- knoten	Dauer	frühestmög- licher Beginn	frühestmög- liches Ende	
5	7	12	9	21	
5	6	8	9	17	
6	7	6	18	24	

Tabelle 3

Der Endzeitpunkt des gesamten Projektes ergibt sich aus dem Ende jener Aktivität, die am spätesten angeführt ist: im Beispiel die Tätigkeit 6 - 7 mit dem Abschlußzeitpunkt 24.

Aus dem bisherigen Rechengang ergibt sich, daß man versuchte, alle Tätigkeiten möglichst früh beginnen zu lassen. Hält man den so gewonnenen Endzeitpunkt fest und rechnet nun davon ausgehend im Netzwerk zurück, wobei man versucht, die Tätigkeit möglichst spät enden zu lassen, so ergibt sich folgendes Bild: Die Tätigkeiten 5 - 7. 6 - 7 und 2 - 7 enden zum Zeitpunkt 24. Zieht man davon deren ieweilige Dauer ab, so ergibt sich ein möglicher Endzeitpunkt für die in obigen Beginnknoten endenden Aktivitäten. Zunächst seien aber die Termine der drei oben genannten Tätigkeiten zusammengestellt (vgl. Tabelle 4):

Anfangs- knoten	End- knoten	Dauer	spätestmög- liches Ende	spätestmög- licher Beginn
5	7	12	24	12
6	7	6	24	18
2	7	12	24	12

Tabelle 4

Im nächsten Schritt kann man die Tätigkeiten 5 - 6, 3 - 6 und 1 - 2 betrachten. Für die im Knoten 5 mündenden Aktivitäten kann das späteste Lude erst festgesetzt werden, nachdem für 5 - 7 und 5 - 6 der späteste Beginnzeitpunkt errechnet wurde. Natürlich wird aus diesen zwei Wereten (12 und 10) der kleinere ausgewählt, da über die Tätigkeit mit dem früheren Beginnzeitpunkt ein längerer Weg zum Enldknoten führt. Ähnlich wird auch im Knoten 3 verfahren. Die Tabelle 5 gibt die so errechneten Werte an:

Anfangs- knoten	End- knoten	Dauer	spätestmög- liches Ende	spätestmög- licher Beginn
5	6	8	18	10
3	6	10	18	8
4	5	5	10	8
1	5	6	10	4
3	5	1	10	9
1	4	2 7	5	3
1	3	8	8	0
1	2	11	12	1

Tabelle 5

Zur übersichtlicheren Gestaltungwerden nun alle bisher gewonnenen Werte in Tabelle 6 Zusammengefaßt (im Gegensatz zur bisherigen Form wurden die Spalten spätestmöglicher Beginn und spätestmögliches Ende vertauscht):

Anfangs- knoten	End- knoten	Dauer	frühesti Beginn		spätestn Beginn	nögl. Ende
1	2	11	o	11	1	12
1	3	8	О	8	О	8
1	4	2	0	2	3	5
1 1	5	6	0	6	4	10
21	7	12	11	23	12	24
3	5	1	8	9	9	110
3	6	10	8	18	18	18
4	5	5	2	7	5	100
5	6	8	9	17	10	180
5	7	12	9	21	12	24
6	7	6	18	24	18	24

Tabelle 6

Der bisher geschilderte Rechenablauf läßt sich durch folgende Forme'n beschreiben:

7.3 frühestmöglicher Beginnzeitpunkt einer Aktivität:

Aus dem oben Geschi'derten ergibt sich für die Berechnung des frühestmöglichen Beginnzeitpunktes folgende Regel:

Eine Aktivität (i, j) kann erst beginnen, wenn alle Aktivität en, die im Knoten i enden, abgeschlossen sind.

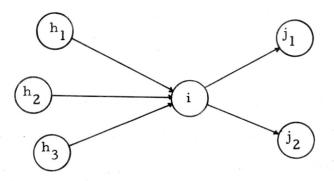


Abbildung 2

Es folgt, daß alle Aktivitäten, die im Knoten i beginnen, denselben "frühestmöglichen Beginnzeitpunkt" erhalten.

Der frühestmögliche Beginn im Knot en i ergibt sich somit aus:

$$t_{i}^{(o)} = \max \left\{ t_{h}^{(o)} + d(h, i) \right\}$$
 für $h = h_{1}, h_{2}, \dots$

es bedeuten:

t_i (o) frühestmöglicher Beginn im Knoten i (vgl. Abb. 2)

t_h (o) frühestmöglicher Beginn im Knoten h (vgl. Abb. 2)

für den Anfangsknoten gilt: t₁ (o) = 0

d(h, i) Dauer der Aktivität (h, i)

Der frühestmögliche Beginnzeitpunkt für jede Aktivität (i, j) eist dahler gleich (vgl. Abb. 2)

$$t_{fb}(i, j) = t_i^{(o)}$$

der Index "f" soll "Frühest", der Index "b" soll "Beginn" bedeuten.

7.4 frühestmöglicher Endzeitpunkt einer Aktivität

Dieser Ereigniszeitpunkt ergibt sich aus der Summe aus frühestmöglichen Beginn und der Dauer der betrachteten Aktivität:

$$t_{fe}(i, j) = t_{fb}(i, j) + d(i, j) = t_i^{(o)} + d(i, j)$$

der Index "f" soll wiederum "frühest", der Index "e" soll "Ende" symbolisieren.

Wurde für jeden Knoten i der Wert t_i ^(o) berechnet, so steht mit t_n ^(o) der frühestmögliche Endzeitpunkt des Projektes dest, wenn n die Nuhmmer des Endknotens bedeutet: Die nächste Aufgabe besteht nun darin, das spätestmögliche Ende für jede Aktivität zu bestimmen, ausgehend von

$$t_n^{(o)} = t_n^{(1)}$$

t_n(1) = das 'spätestmögliche Ende'' im Endknoten und wird gleich dem in dem vorhergehenden Abschnitt errechneten frühestmöglichen Endzeitpunkt gesetzt.

7.5 spätestmöglicher Endzeitpunkt einer Aktivität

Aus dem ober erläuterten Rechengang läßt sich folgender Satz

ableiten:

Der spätestmögliche Endzeitpunkt einer Aktivität (i, j) ergibt sich aus den spätestmöglichen Beginnzeitpunkten der im Knoten j ausgehenden Aktivitäten (i, j). Bestimmend dafür ist der "späteste Beginnzeitpunkt" aller (j,k) der am frühesten eintritt.

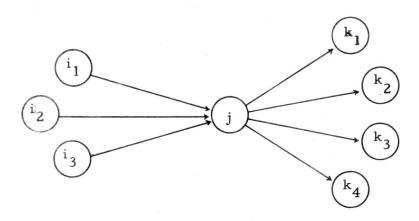


Abbildung 3

Nach der Definition gilt, daß jede im Knoten j endende Aktivität denselben "spätestmöglichen Endzeitpunkt" erhält.

In mathematischer Form läßt sich der Ablauf in folgender Weise beschreiben:

$$t_{i}^{(1)} = \min \left\{ t_{k}^{(1)} - d(j, k) \right\}$$
 für $k = k_{1}, k_{2}, ...$

Es bedeuten:

spätestmöglicher Endzeitpunkt aller in j mündenden
Tätigkeiten

spätestmögliches Ende aller in 1 mündenden Tätigkeiten d(j,k) Dauer der Tätigkeiten (j,k) (vg. Abb. 3)

Das spätestmögliche Ende t se (i, j) einer Aktivität (i, j) ergibt sich somit aus dem entsprechenden Ereigniszeitpunkt im Endknoten j einer Aktivität (vgl. Abb. 3)

$$t_{se}(i,j) = t_j^{(1)}$$

der Index "s" steht für "spätest", und "e" für "Ende"

7.6 spätestmöglicher Beginn einer Aktivität

Es ist jener Zeitpunkt zu dem eine Aktivität spätestens begonnen sein muß, ohne daß sich das Projektende

$$t_n^{(0)} = t_n^{(1)}$$
 verzögert.

Der spätestmöglicher Beginn t_{sb} (i, j) der Aktivität (i, j) ergibt sich somit aus der Differenz vom spätestmöglichen Ende im Knoten jund der Dauer (i, j) der Tätigkeit:

$$t_{sb}(i,j) = t_{se}(i,j) - d(i,j) = t_{j}^{(1)} - d(i,j)$$

Der Index "s" steht für "spätest", "b" für "Beginn".

7.7 Durchrechnung eines Beispieles nach den abgeleiteten Formeln

Am Knoten 5 des Netzplanes, der auf der Seite 17 (Abb. 1) aufgezeichnet ist, seien die oben in Formeln gefaßten Rechenvorgänge noch kurz erläutert:

Der frühestmöglicher Beginn für alle vom Knoten 5 ausgehenden Aktivitäten ergibt sich aus

$$t_{5}^{(o)} = \max \left\{ t_{h}^{(o)} + d(h, 5) \right\}$$
 für h = 1, 3, 4
$$= \max \left\{ t_{1}^{(o)} + d(1, 5) \atop t_{3}^{(o)} + d(3, 5) \atop t_{4}^{(o)} + d(4, 5) \right\} =$$

$$= \max \left\{ c + 6 \atop 8 + 1 \atop 2 + 5 \right\} = 9$$

Vorausgesetzt wurden für obige Rechnung die Werte $t_3^{(o)} = 8$ und $t_4^{(o)} = 2$, die aus Tabelle 6 abgelesen wurden $(t_{fb}(3,5) = 8)$ und $t_{fs}(4,5) = 2$, die sich aber automatisch ergeben, wenn man im Netzwerk nicht in der Mitte, sondern am Anfangsknoten zu rechnen beginnt. Für den Anfangsknoten gilt definitionsgemäß $t_1^{(o)} = 0$. Aus dem Wert $t_5^{(o)} = 9$ ergeben sich die Termine für den frühestmöglichen Beginn

$$t_{fb}(5, 6) = t_5^{(0)} = 9$$
 und
 $t_{fb}(5, 7) = t_5^{(0)} = 9$

sowie die Termine für das frühestmögliche Ende.

$$t_{fe}(5, 6) = t_{fb}(5, 6) + d(5, 6) = 17$$
 und

$$t_{fe}(5,7) = T_{fs}(5,7) + d(5,7) = 21.$$

Analog zur Bestimmung für $t_5^{(o)}$ sei für die Errechnung des spätestmöglichen Endes aller Knoten 5 endenden Aktivitäten herausgegriffen. Die für die $t_k^{(1)}$ eingesetzten Werte ergeben sich natürlich aus dem Rechengang, beginnend vom Endknoten und wurden hier - um die Erläuterung abzukürzen - wiederum der Tabelle 6 entnommen.

$$t_5^{(1)} = \min \left\{ t_k^{(1)} - d(5, k) \right\}$$
 für $k = 6, 7$

$$t_5^{(1)} = \min \left\{ t_6^{(1)} - d(5, 6) \right\}$$

$$t_7^{(1)} - d(5, 7)$$

$$= \min \left\{ \frac{18 - 8}{24 - 12} \right\} = 10$$

Aus t₅ (1) kann man nun für die Tätigkeiten (4, 5), (1, 5) und (3, 5) folgende Werte anschreiben:

$$t_{se}(4,5) = 10$$
 ; $t_{sb}(4,5) = t_{se}(4,5)-d(4,5) = 10-5=5$
 $t_{se}(1,5) = 10$; $t_{sb}(1,5) = t_{se}(1,5)-d(1,5) = 10-6=4$
 $t_{se}(3,5) = 10$; $t_{sb}(3,5) = t_{se}(3,5)-d(3,5) = 10-1=9$

Da in noch folgenden Erläuterungen die Werte $t_i^{(0)}$ und $t_i^{(1)}$ aller Knoten verwendet werden, wurden sie – nach obigen Formeln berechnet – in der Tabelle 7 zusammengefaßt:

Knoten:	ı	2 2	3	4	5	6	7
t _i (0)	0	11	8	2	9	18	24
t _i (1)	0	12	8	5	lo	18	24

Tabelle 7

Das Rechnen mit Scheinaktivitäten - deren Dauer definitionsgemäß gleich null ist - hat denselben Ablauf wie das Rechnen mit Aktivitäten, deren Dauer größer als null ist.

8. Pufferzeiten und kritischer Weg

8.1 Allgemeines

Vergleicht man in der Tabelle 6 von jeder Aktivität den frühestmöglichen Beginn mit dem spätestmöglichen Beginn, so ergibt sich folgendes Bild: Bei den Aktivitäten (1, 3), (3, 6) und (6, 7) ist

$$t_{fb}(i,j) = t_{sb}(i,j),$$

während bei allen übrigen Aktivitäten

$$t_{fb}(i, j) \angle t_{sb}(i, j)$$

TO IN THE BURNESS OF THE STREET SECTION OF THE STREET STREET OF THE STREET STREET

ist

Aktivitäten, für die $t_{fb}(i,j) = t_{sb}(i,j)$ gilt, nennt man kritische Aktivitäten". Aus dem Berechnungsablauf für die Werte $t_{fb}(i,j)$ und $t_{sb}(i,j)$ beziehungsweise $t_i^{\ (o)}$ und $t_i^{\ (1)}$ läßt sich erkennen, daß gerade diese Aktivitäten für die gesamte Projektdauer bestimmend sind. Die Folge der kritischen Aktivitäten nennt man "kritischen Weg", und ist jene Folge von Aktivitäten, die die längste Zeitspanne für ihre Ausführung beanspruchen – nämlich genau die Projektdauer. Alle anderen Aktivitäten würden, wenn man sie so früh wie möglich beginnen läßt, früher als jene am kritischen Weg erfüllt sein.

Daher haben auch alle jene Tätigkeiten, bei denen t_{fb}(i, j) (t_{sb}(i, j) ist, innerhalb der Projektdauer einen zeitlichen Spielraum.

Innerhalb dieses Spielraumes ist es unter bestimmten Voraussetzungen möglich, den Beginnzeitpunkt für eine Aktivität später, als ihn der frühestmögliche Beginn angibt, anzusetzen. Von der Praxis der Netzplantechnik aus gesehen, können solche Ter minverschiebungen zweierlei Ursachen haben: einerseits eine geplante Verschiebung des Anfangstermines, andererseits eine Verzögerung des Projektablaufes, verursacht durch nicht vorhersehbare Zwischenfälle.

Um die Auswirkungen von Terminverschiebung en voraussehen zu können, ist eine genauere Untersuchung und Gliederung dieser zeitlichen Spielräume, die in der Netzplantechnik mit "Pufferzeiten" bezeichnet werden, vorzunehmen.

8,2 Erläuterungen an einem Beispiel

Das Rechenverfahren zur Ermittlung der Pufferzeiten wird an Hand des Netzwerkes, wie es in Abbildung 1 dargestellt ist, erklärt. In der Abb. 4 wurde das Netzwerk nochmals gezeichnet, wobei außer den Knotennummern und der Dauer der einzelnen Aktivitäten, noch für jeden Knoten i die Werte $t_i^{(o)}$ und $t_i^{(1)}$ in dem Rechteck über den Knoten ver-merkt wurden. (Diese Werte wurden der Tabelle 7 entnommen: der linke Wert im Rechteck ist jeweils der frühestmögliche Beginn aller aus dem Knoten i ausgehenden Tätigkeiten, der rechte Wert im Rechteck das spätestmögliche Ende aller im Knoten i endenden Tätigkeiten.) Der Verlauf des kritischen Weges wurde im Netzplan durch verstärkte Linien markiert.

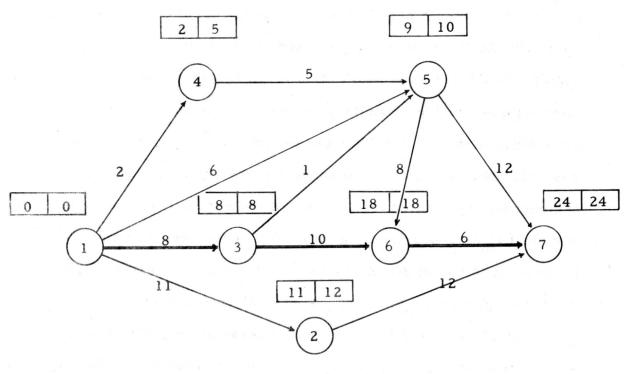


Abbildung 4

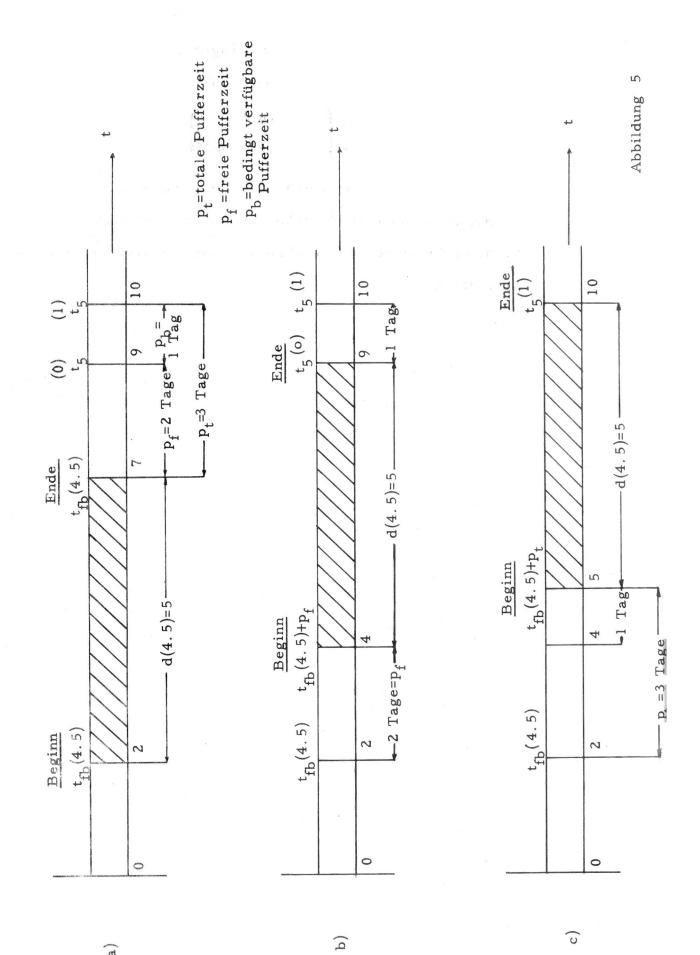
Zu Beginn sollen für die Tätigkeit (4,5) die Pufferzeiten errechnet werden. Nach den Berechnungen, die in der Tabelle 6 zusammengefaßt wurden, gelten für die Aktivität (4,5) folgende Daten:

Dauer d(4,5) = 5frühestmöglicher Beginn $t_{fb}(4,5) = 2$ frühestmögliches Ende $t_{fe}(4,5) = 7$ spätestmöglicher Beginn $t_{sb}(4,5) = 5$ spätestmögliches Ende $t_{se}(4,5) = 10$

Läßt man die Aktivität (4,5) zu ihrem frühestmöglichen Beginnzeitpunkt starten - zum Zeitpunkt $t_{fs}(4,5) = 2$ - so ist sie zum Zeitpunkt $t_{fe}(4,5) = 7$ vollendet (siehe oben). Vom Zeitpunkt $t_{fe}(4,5)$ bis zum Zeitpunkt $t_5^{(o)} = 9$, dem frühestmöglichen Beginnzeitpunkt für alle im Knoten 5 beginnenden Aktivitäten ist also noch ein Intervall von 2 Zeiteinheiten frei, von $t_{fe}(4,5)$ bis zu $t_{5}^{(1)} = 10$, dem spätesterlaubten Endzeitpunkt für alle im Knoten 5 endenden Aktivitäten ist dann noch eine Zeitspanne von 3 Tagen frei (vgl. Abb. 5a). Verschiebt man also den Anfangszeitpunkt der Tätigkeit (4, 5) um 2 Tage auf oden Zeitpunkt 4, so können trotzdem alle im Knoten 5 beginnenden Aktivitäten (5, j) zu ihrem frühestmöglichen Anfangszeitpunkt $t_{fb}(5, j)$ beginnen (vgl. Abb. 5b); verschiebt man aber den Beginn von (4, 5) auf den Zeitpunkt 5, also um die maximal mögliche Zeitspanne $[t_{sb}(4,5) - t_{fs}(4,5)]$, so treten in diesem gewählten Beispiel zwangsläufig auch Terminverschiebungen - bezogen auf den frühestmöglichen Beginn - für die im Endknoten folgenden Tätigkeiten auf (vgl. Abb. 5c); das oben errechnete Projektende $(t_7^{(1)} = 24)$ verschiebt sich trotz dieser Vorgangweise nicht. Ausgehend vom frühestmöglichen Beginn der Aktivität (4, 5) läßt sich

die maximal mögliche (totale) Pufferzeit p_t von 3 Tagen nach dem oben erläuterten Sachverhalt in zwei (Teilen aufspalten (vgl. Abb. 5):

- in die "freie" Pufferzeit p_f von 2 Tagen, denn durch die Verschiebung des Anfangszeitpunktes von (4,5) um diese Zeitspanne werden die unmittelbar folgenden Aktivitäten in ihrem frühestmöglichen Beginn nicht beeinflußt (vgl. Abb. 5b) und
- in die "bedingt verfügbare"Pufferzeit p_b von einem Tag, deren Inanspruchnahme eine Verschiebung des frühestmöglichen Anfangstermines der folgenden Aktivitäten um das Intervall p_b verursacht (vgl. Abb. 5c).



Vergleicht man die Pufferzeiten anderer Aktivitäten mit den Pufferzeiten der Aktivität (4,5), so ergibt sich, daß nicht alle Tätigkeiten so viel Freiheit in der Festsetzung ihres Anfangstermines zulasse. Als Beispiel sei dafür, außer allen kritischen Tätigkeiten, für die $p_t \equiv p_b \equiv 0$ gilt, die Aktivität (1,4) angeführt:

Zur Berechnung sind folgende Werte erforderlich (aus der Tabelle 6 entnommen)

$$d(1,4) = 2$$

$$t_{fb}(1,4) = 0; t_{fe}(1,4) = 2;$$

$$t_{sb}(1,4) = 3 ; t_{se}(1,4) = 5$$

Die totale Pufferzeit ergibt sich, wie schon oben definiert wurde, aus der Differenz von frühest- und spätestmöglichen Beginn mit 3 Tagen (vgl. Abb. 6).

Da die Aktivität (1,4) als frühestes Ende den Zeitpunkt 2 aufweist, andererseits alle im Knoten 2 beginnenden Tätigkeiten schon zum Zeitpunkt 2 frühestens beginnen können (im Beispiel ist dies nur die Tätigkeit (4,5)), verursacht jede Verschiebung des Anfangstermines von (1,4) auch eine Verschiebung des frühestmöglichen Anfangstermines der unmittelbar folgenden Aktivitäten (siehe Abb. 7).

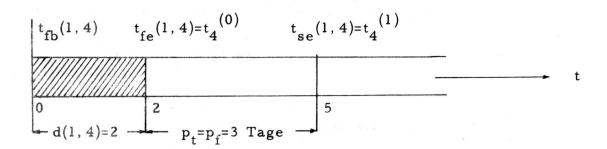
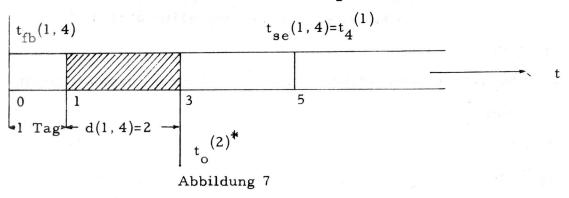


Abbildung 6

In der Abbildung 7 wurde der frühestmögliche Beginnzeitpunkt der Aktivität (1,4) mit dem Zeitpunkt 1 festgesetzt, wodurch sich der frühestmögliche Beginn aller im Knoten 7 beginnender Aktivitäten auf den Zeitpunkt $t_2^{(o)*} = 3$ verschiebt.



Daraus ergibt sich, daß bei der Aktivität (1,4) die freie Pufferzeit gleich null ist.

Decken sich hingegen die Ereignisse t_i (o) und t_i (1), so ist für die betreffende Aktivität die bedingt verfügbare Pufferzeit gleich null. An der Aktivität (5, 6) soll dieser Umstand gezeigt werden (Abbildung 8).

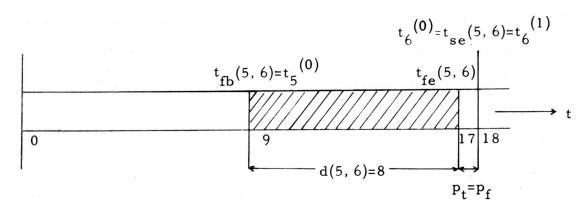


Abbildung 8

Jede Verschiebung des Anfangszeitpunktes der Aktivität (5, 6) verursacht eine Verschiebung des t_{fb} aller im Knoten 5 folgenden Aktivitäten.

Grundsätzlich gilt obige Feststellung für alle in den kritischen Weg mündenden Aktivitäten, denn entlang des kritischen Weges gilt für jeden Knoten i t_i (o) = t_i (1) (vgl. diese Tatsache auch in Tabelle 7 für die Knoten 1, 3, 6 und 7).

Untersucht man bei der Aktivität (5,7) die Beginn- und Endzeitpunkte, so kann man außer einer totalen Pufferzeit von 3 Tagen
und einer freien Pufferzeit von 3 Tagen (die bedingt verfügbare
Pufferzeit ist gleich null, da der Endknoten am kritischen Weg liegt,
vgl. Abb. 9), noch eine spezielle Variante einer Pufferzeit fest-

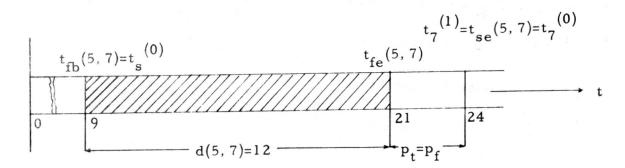
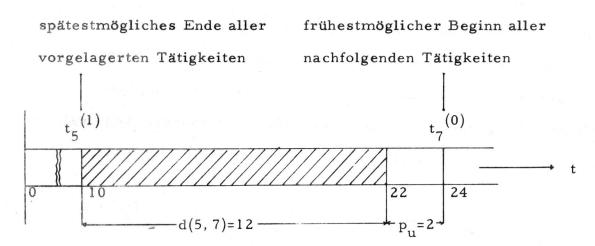


Abbildung 9

Läßt man alle im Knoten 5 endenden Aktivitäten so spät wie nur möglich enden – also zum Zeitpunkt $t_5^{(1)}$ = 10 – und alle im Knoten 7 beginnenden Aktivitäten so früh wie nur möglich beginnen –also zum Zeitpunkt $t_7^{(0)}$ = 24 (im Beispiel ist der Knoten 7 der Endknoten, trotzdem läßt sich ein theoretischer Wert $t_7^{(0)}$ ermitteln, wie es auch schon erläutert wurde – so ergibt sich für die Tätigkeit (5,7)

eine Zeitspanne von 14 Tagen $(t_7^{(o)} - t_5^{(1)})$ um diese auszuführen. Da aber (5,7) nur 12 Tage benötigt um erfüllt zu werden, bleiben noch 2 Tage Spielraum, die nicht einmal verbraucht werden, wenn alle vorgeordneten Tätigkeiten mit t_{se} enden und alle nachgeordneten Tätigkeiten zu t_{fb} beginnen. Dieser Spielraum wird als "unabhängige" Pufferzeit bezeichnet (vgl. Abb. 10).



p_u = unabhängige Pufferzeit

Abbildung 10

Aus dem oben angeführten Rechengängen ergeben sich für die Ermittlung der Pufferzeiten folgende Formeln:

8.3 Totale Pufferzeit

Die totale Pufferzeit ist die maximale Zeitspanne, um die man den Anfangszeitpunkt für eine Aktivität auf einen späteren Zeitpunkt verschieben kann, ohne das Projektende mit dem Termin t_n (1) (für n = Nummer des Endknotens) zu verzögern.

Die totale Pufferzeit p_t ergibt sich aus der Differenz von frühestund spätestmöglichen Endzeitpunkt einer Aktivität (oder genauso aus der Differenz von frühest- und spätestmöglichen Anfangszeit - punkt einer Aktivität).

$$p_t^{(i, j)} = t_{se}^{(i, j)} - t_{f(e)}^{(i, j)}$$

setzt man für

$$t_{se}(i, j) = t_{j}^{(1)}$$
 und
 $t_{fe}(i, j) = t_{i}^{(b)} + d(i, j),$

so ergibt sich für die totale Pufferzeit der Ausdruck

$$p_t(i, j) = t_j^{(1)} - t_i^{(0)} - d(i, j)$$

(vgl. Abb. 11)

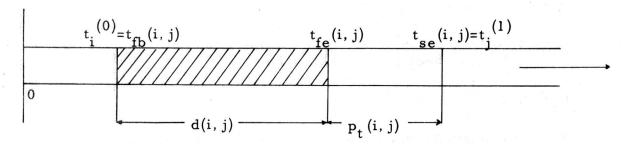


Abbildung 11

Wird die maximale Pufferzeit beim Arbeitsgang (i, j) voll ausgenützt, so verschwinden für alle nachgeordneten Arbeitsgänge auf dem längsten Weg vom Knoten j zum Endpunkt des Netzwerkes aller Pufferzeiten

8.4 Freie Pufferzeit

Die freie Pufferzeit ist die Differenz zwischen dem frühestmöglichen Ende einer Aktivität (i, j) und dem frühestmöglichen Beginn aller im Endknoten der betrachteten Aktivität beginnenden Arbeitsgänge:

frühestmöglicher Beginn aller im Knoten j beginnenden Aktivitäten

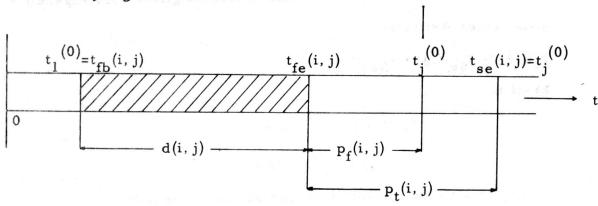


Abbildung 12

$$\begin{aligned} & p_f(i,j) = t_{fb}(j,k) - t_{fe}(i,j) \\ & t_{fb}(j,k) = t_j^{(o)} & \text{frühestmöglicher Beginn aller in j} \\ & \text{beginnenden Aktivitäten} \end{aligned}$$

$$t_{fe}(i,j) = t_i^{(o)} + d(i,j)$$

Werden die Ausdrucke für $t_{fb}(j,k)$ und $t_{fe}(i,j)$ in obiger Gleichung für p_f eingesetzt, so ergibt sich die freie Pufferzeit mit: $p_f(i,j) = t_i^{(o)} - t_i^{(o)} - d(i,j)$

Wird durch die oben betrachtete Aktivität (i, j) in der Formel $t_j^{(o)} = \max\left\{t_i^{(o)} + d(i,j)\right\} \text{ für } i = i_1, i_2, \dots \text{ der frühestmög-liche Beginn für alle in j folgenden Aktivitäten } t_j^{(o)} \text{ bestimmt, so fallen die Werte } t_{fe}(i,j) \text{ und } t_i^{(o)} \text{ zusammen und daher ergibt sich in diesem Falle keine freie Pufferzeit. Ist aber } p_f > o, \text{ so kann man-wie es zum Teil auch schon aus den obigen Ausführungen hervorgegangen ist - den Anfangszeitpunkt der Aktivität (i, j) bis zur Größe des Intervalles <math>p_f$ verschieben, ohne daß sich in den frühestmöglichen Anfangsterminen der nachgeordneten Aktivität eine Änderung ergibt.

8.5 Bedingt verfügbare Pufferzeit:

Die bedingt verfügbare Pufferzeit p_bergibt sich aus der Differenz von totaler und freier Pufferzeit:

$$\begin{aligned} & p_b(i,j) = p_t(i,j) - p_b(i,j) \\ & \text{setzt man für} & p_t(i,j) = t_j^{(1)} - d(i,j) - t_i^{(0)} \\ & \text{und für} & p_f(i,j) = t_j^{(0)} - d(i,j) - t_i^{(0)} & \text{ein,} \\ & \text{so folgt} & p_b(i,j) = t_j^{(1)} - t_j^{(0)} & (vgl. \, Abb. \, 13) \end{aligned}$$

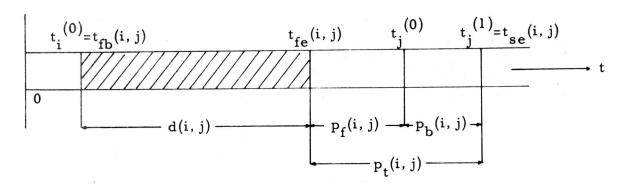


Abbildung 13

Wird durch verspäteten Beginn einer Aktivität deren bedingt verfügbare Pufferzeit verbraucht, so verlieren alle nachgeordneten Tätigkeiten auf dem längsten Weg zum Endknoten ihre Pufferzeiten (wie bei der totalen Pufferzeit, da eine volle Inanspruchnahme der bedingt verfügbaren Pufferzeit einem Verbrauch der totalen Pufferzeit gleichkommt).

Mündet eine Tätigkeit in den kritischen Weg, so ist für diese $p_b = 0$ (was man sich leicht durch Verschieben von $t_j^{(0)}$ auf den Zeitpunkt $t_j^{(1)}$ - ein Sachverhalt, der nur am kritischen Weg eintritt - in Abbildung 13 ableiten kann).

8.6 Unabhängige Pufferzeit:

Die unabhängige Pufferzeit p_u bezeichnet den Zeitraum, in dem sich der Anfangszeitpunkt der Tätigkeit (i, j) verschieben läßt, wenn alle vorgeordneten Tätigkeiten mit ihrem spätesterlaubten Ende enden und alle nachgeordneten Tätigkeiten so früh wie nur möglich beginnen.

$$p_{u}(i, j) = t_{j}^{(0)} - t_{i}^{(1)} - d(i, j)$$

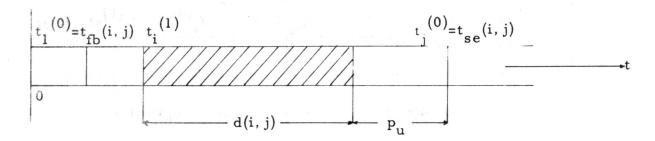


Abbildung 14

Auf Grund der Rechenvorgänge, die zur Ermittlung der Werte $t_i^{(1)}$ und $t_i^{(0)}$ führen, kann es vorkommen, daß sich nach obiger Formel ein $p_u < 0$ ergibt. Tritt dieser Fall ein, so wird die unabhängige Pufferzeit gleich null gesetzt. Die eindeutige Form des Ausdruckes zur Berechnung von p_u ergibt sich daher mit:

$$p_{u}(i, j) = \max \left\{ \begin{array}{l} t_{j}(o) \\ 0 \end{array} - t_{i}^{(1)} - d(i, j) \right\}$$

Nach den oben angeführten Formeln sollen nun für die Tätigkeit (1,5) des Netzplanes der Abbildung 1 die Pufferzeiten berechnet werden.

Ausgangswerte:

PROJEKTENDE:0024

Dauer der Tätigkeit (1,5): d(1,5) = 6 Tage

für die Knoten gelten (vergleiche Tabelle 7)

$$t_{1}^{(o)} = o ; t_{1}^{(1)} = o t_{5}^{(o)} = 9 ; t_{5}^{(1)} = 1o p_{t} = t_{5}^{(1)} - t_{1}^{(o)} - d(1,5) = 1o - o - 6 = 4 \text{ Tage} p_{f} = t_{5}^{(o)} - t_{1}^{(o)} - d(1,5) = 9 - o - 6 = 3 \text{ Tage} p_{b} = t_{5}^{(1)} - t_{5}^{(o)} = 10 - 9 = 1 \text{ Tag} p_{u} = \max \begin{cases} t_{5}^{(o)} - t_{1}^{(1)} - d(1,5) \\ 0 \end{cases} = \max \begin{cases} t_{5}^{(o)} - t_{1}^{(1)} - d(1,5) \\ 0 \end{cases} = \max \begin{cases} 0 - 0 - 6 \\ 0 \end{cases} = 3 \text{ Tage}$$

In der Tabelle 8 sind neben den Beginn- und Endzeitpunkten die Pufferzeiten für alle Aktivitäten des Netzplans in Abbildung 1 singesetzt:

AKTIVITAET		FRUE	EST	SPAE	TEST	P U	FFE	RZE	1 1	K	
I J D		BESINN	ENDE	BEGINK	ENDE	TCTAL	FKEI	BEDV	UNAB	W	
0001 0002 0011		0000	0011	0001	0012	0001	0000	0001	0000		
0001 0003 0008		0000	റാറ	0000	3000	0000	0000	0000	0000	ťþ	
0001 0004 0002		0000	0002	0003	0005	0003	0000	ooo3	0000		
001 0005 0006		0000	0006	0004	0010	0004	0003	0001	0003		
0002 0007 0012		0011	0023	0012	0024	0001	0001	0000	0000		
ono3 ono5 ono1		3000	000()	0009	0010	0001	0000	0001	0000		
0003 0006 0010		റാറ	0018	8000	0018	0000	0000	0000	0000	ďβ	
0004 0005 0005		0002	0007	0005	0010	0003	0002	0001	0000		
0005 0006 0008	=	0009	0017	0010	0013	0001	0001	0000	0000		
0005 0007 0012	!	0009	0021	0012	0024	0003	0003	0000	0002		
0006 0007 0006		0010	0024	0018	0024	0000	0000	0000	0000	t,	

Tabelle 8

9. Durchrechnung eines Beispiels an der ZUSE Z 23

Als Beispiel für eine Terminplanung nach der Critical-PathMethode wurde der Bau einer Straßenbrücke gewählt. Die
Anzahl der Aktivitäten wurde etwas verringert, um das Beispiel
nicht so umfangreich erscheinen zu lassen, trotzdem kann
man dadurch einen guten Einblick in die Vorgangsweise bei
dieser Methode zur Planung erhalten.

Um die Geometrie des Netzwerkes in der Maschine festhalten zu können, wird jede Aktivität durch die Nummer ihres Anfangstund Endknotens beschrieben. Zur Charakterisierung der Aktivitäten wird zusätzlich die Dauer und Benennung angegeben. In den Tabellen 9 bis 15 sind die Angaben über das Netzwerk für die Sträßenbrücke zusammengestellt. Der Netzplan selbst ist am Ende der Broschüre eingeheftet.

Am Netzplan erkennt man, daß nicht nur Tätigkeiten eingetragen sind, die einen Arbeitsaufwand im eigentlichen Sinne beinhalten, sondern auch Wartezeiten, Zeitaufwand für Genehmigung en und Lieferzeiten. Eine erste Durchrechnung des Netzwerkes auf der elektronischen Datenverarbeitungsanlage ZUSE Z 23 ergab die in den Tabellen 16 bis 18 tabellierten Ergebnisse.

In den Tabellen 16, 17 und 18 wurden in den ersten beiden Spalten die Anfangs- bzw. Endknoten jeder Aktivität, in der dritten Spalte deren Dauer und in der vierten Spalte die Benennung des Arbeitsganges protokolliert. In den folgenden vier Spalten sind die frühest- und spätestmöglichen Anfangs- und Endtermine für die Aktivitäten in relativen Zeitangaben festgehalten, danach folgen die Pufferzeiten (totale, freie, bedingt verfügbare und unabhängige Pufferzeit).

Aktivitäten, die am kritischen Weg liegen, sind in der letzten Spalte noch gesondert durch einen Stern () gekennzeichnet.

Im Netzplan ist der kritische Weg durch Aktivitätspfeile mit doppelt ausgezogenen Balken gekennzeichnet. Wie daraus hervorgeht,
verläuft der kritische Weg zwischen den Knoten 9 und 31 nach zwei
parallelen aber zeitlich gleich langen Wegen.

Aus der Angabe des Projektendes ergibt sich, daß bei genauer Einhaltung der Termine am kritischen Weg und bei Einhaltung der Termine in den Grenzen der Pufferzeit von nicht-kritischen Aktivitäten
243 Arbeitstage erforderlich sind, um das Projekt Strßenbrücke fertigzustellen (von der Detailprojektierung bis zur Baustellenräumung).

Will man die Projektdauer verkürzen, so erreicht man dieses Ziel zmächst nur bei Änderungen am kritischen Weg. Durch Änderungen in Aktivitätsdauern kann einerseits die gesamte Projektdauer verändert werden, es kann sich der kritische Weg verlagern oder aber auch ein weiterer parallel laufender Ast zum kritischen Weg entstehen. Letzteres wird gefordert, wenn man einer Arbeitsgruppe innerhalb des Projektes durchlaufend ohne Wartezeiten beschäftigen will.

Am Beispiel der Pfahlgründung sei eine mögliche Vorgangsweise erläutert. Es sei auch noch erwähnt, daß diese Arbeiten im beschriebenen Projekt als Auftrag an eine dritte Firma vergeben werden und deren Arbeitsgruppe keine Wartezeiten billigen kann. Wenn diese Arbeiten am kritischen Weg liegen, kann man für Sub-Aufträge fixe Termine festlegen, die dann auch eingehalten wersden müssen.

Verkürzt man die Aktivitätem 7-8 und 8-9 (beide liegen am kriti-cl.n schen Weg) um je zwei Tage, so ergibt sich einerseits eine Verkürzung der Projektsdauer um 4 Tage, andererseits erhält der

kritische Weg noch zwei zusätzliche Äste zwischen den Knoten 7 und 28 (durch stärker ausgezogene Balken im Netzplan gekennzeichnet). Daraus kann man auch ersehen, daß die Pfahlgründung und das Betionieren der Fundamente jeweils ohne Wartezeiten verzäuft. (Die Rechenergebnisse dieser Version sind in den Tabellen 19 bis 21 enthalten.)

lo. Arbeitskräftebedarf

An einer Projektsausführung sind nicht nur die Termine interessant, sondern auchd der Aufwand an Arbeitskräften zu den einzelnen Zeitpunkten des Projektablaufes.

Es ist daher erforderlich, daß für jede Tätigkeit die Anzahl der Arbeitskräfte, getrennt nach Fachrichtungen, die zu deren Ausführung erforderlich sind, angegeben werden.

Im Beispiel des Projektes "Straßenbrücke" wurden diese Daten im rechten Teil der Angaben von den Aktivitäten festgehalten:
Unterschieden werden:

Spalte	Benennung
1	Zimmerer
2	Eisenbieger
3	Betonierer
4	Maschinisten
5	Hilfsarbeiter

Eine Durchrechnung auf der ZUSE Z23 ergibt nach dem Programm
"Errechnung des Aufwandes an Arbeitsmitteln" folgende Ergebnisse
(Tabellen 22 bis 27) Für den Beginn- bzw. Endzeitpunkt jeder Aktivität wird aufgeschrieben, wie viele Arbeitskräfte, welcher Fach-

richtung für das Projekt erforderlich sind. Zugrunde gelegt wird für alle Tätigkeiten der frühestmögliche Beginn. Bei einem Beginnzeitpunkt ist der "Bedarf" an Arbeitskräften der betrachteten Aktivität schön in den Summen enthalten, während er bei Endzeitpunkten schon abgezogen ist.

Tritt zu einem Zeitpunkt der Beginn oder das Ende mehrerer Tätigkeiten ein, so ist der tatsächliche Stand an Arbeitskräften aus der
zu diesem Zeitpunkt als letzte angeführtenZeile zu entnehmen.
Spitzenwerte an Arbeitskräftebedarf kann man zunächst einmal im
Rahmen der Pufferzeiten der Aktivitäten, die diese Spitzenwerte
ergeben, ausgleichen. (Im Beispiel läßt siche die Zahl der Eisenbieger vom Zeitpunkt 66 ab leicht auf dem Stande von 5 oder 6
halten, da die Aktivitäten, die vom Knoten 5 ausgehen, sehr hohe
Pufferzeiten aufweisen.)

11. Projektüberwachung

Nicht nur zur Planung von umfangreicheren Projekten, sondern auch zur Überwachung deren Ausführung eignet sich diese Technik sehr gut. Jede Terminverzögerung kann ohne Schwierigkeiten eindeutig auf deren Auswirkungen auf den kritischen Weg und damit auf das Projektende geprüft werden. Auch Änderungen im Ablauf und ähnliches kann man schnell und leicht berücksichtigen.

1 1 1 1 1 1 1 1 1
SR1-F-pölzen S SR1-Pfahlgründung
12 18 18 34 8 8 8 12 13 19
11 12 17 18 24 25 33 34 7 8 8 12 12 13 13 18 18 19

	5	parameter of the second	7	0	2,	0	0	0	0	2,	0	0	0	0	0	1,	,4	0	2,	0	0
räite	4	0	1,	0	0	0	0	0	0	o,	0	0	0	0	0	0	1,	0	0	0	0
Arbeitskräfte	٣.	3,	3,	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3,	3,	0	0	0	0
A	7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	p	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	.3,	0	0	0	0	0	0	0	0	0
Beschreibung	D	SR1-F-bewehren	SR1-F-betomieren	S	SR1-F-ausschalen	S	Umstellung	S	S	SR2-F-Aushub	Ŋ	SR2-F-pölzen	S	SR2-Pfahlgründung	S	SR2-F-bewehren	SR2-F-betonieren	S	SR2-F-ausschalen	S	Umstellung
Dauer		3	2	0	1	0	, _	0	0	7	0	3	0	4	0	°C	2	0	1	0	>
177777.2		97	27	34	بى ئ		20	28	36	6	14	15	20	21	28	56	30	36	37	16	22
Kilotenaminen meneminen kan kilotenaminen meneminen mene	© good	25	97	27	34	13	19	27	35	∞	6	14	15	20	21	28	29	30	36	15	21
	je nem spije	2	7	73	24	25	97	2.7	28	29	30	31	32	33	34	35	36	3.7	38	39	40

Tabelle 11

Printer of the Parket	PRIMARIESTA	THE REAL PROPERTY.	OR THE PERSON NAMED IN							-		_									
	. 2	0	0	2,	0	0	0	1,	4,	2,	3,	1,	5,	0	2,	0	0	0	٥	,4	0
ifte	4	0	0	0	0	0	0	0	1,	0	0	1,	1,	0	0	0	0	0	0	٥	0
Arbeitskräfte	3	0	0	0	0	0	0	3,	3,	0	0	3,	3,	0	0	0	0	0	0	0	0
Arb	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	Part of the state	0	0	0	0	,4	0	0	0	0	8,	0	0	0	1,	0	0	0	0	,9	0
Dood to the contraction of the c	Descureibung	S	S	WL-F-Aushub	S	WL-F-pölzen	WL-Pfahlgründung	WL-F-bewehren	WL-F-betonieren	WL-F-ausschalen	WR-A-einschalen	WR-A-bewehren	WR-A-betonieren	WR-A-erhärten	WR-A-ausschalen	S	S	ß	S	SR1-A-einschalen	
* O 110 C	Dauer	0	0	9	0	2	4	3	2	1	2	3	2	2	2	0	0	0	0	3	0
urume r	•	31	38	10	16	22	31	32	38	44	39	45	46	56	57	40	47	58	40	41	47
Knotennummer	a de la companya de l	30	37	6	10	16	22	31	32	38	33	39	45	46	99	39	46	57	35	40	41
7 6.3 N.	LIG. Nr.	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	51	52	53	54	55	56	57	58	59	9

Tabelle 12

	5	parent prompt of	4,	0	2,	0	0	0	0	,4	0	1,	3,	0	2,	0	0	0	3,	1.	ۍ,
te	4	1;	1,	0	0	0	0	0	0	0	0	1,	1,	0	0	0	0	0	0	1,	1,
Arbeitskräfte	8	2,	2,	0	0	0	0	0	0	0	0	2,	2,	0	0	0	0	0	0	3,	3,
Arbe	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
SELECTION OF THE SERVICE OF THE SERV	7	0	0	0	1,	0	0	0	0	,9	0	0	0	0	-1	0	0	0	%	0	0
	Beschreibung	SR1-A-bewehren	SR1-A-betonieren	SR1-A-erhärten	SR1-A-ausschalen	S	S	S	S	SR2-A-einschalen	S	SR2-A-bewehren	SR2-A-betonieren	SR2-A-erhärten	SR2-A-ausschalen	S	S	S	WL-A-einschalen	WL-A-bewehren	WL-A-betonieren
	Dauer	2	1	2	1	0	0	0	0	3	o	2	-	2	1	0	0	0	2	3	2
mmer		48	49	58	59	42	50	09	42	43	50	51	52	09	61	44	53	62	53	54	55
Knotennummer	- 1-4	47	48	49	58	41	46	59	37	42	43	50	51	52	09	43 5	52	61	44	53	54
	Lfd. N	9	62	63	64	65	99	29	89	69	70	71	72	73	74	75	92	77	78	62	80.5

	ιΩ	o	2,	0	0	0	1,	2,	4,	0	3,	0	10'	0	3,	10,	3,	3,	4,	5,	C
äfte	41	0	0	0	0	0	1,	0	0	0	0	1,	2,	0	0	0	1,	1,	0	1,	-
Arbeitskräfte	m	0	o	0	0	0	0	0	0	0	0	0	,9	0	0	0	3,	3,	0	0	c
Arl	~	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	,9	0	0	0	0	0	0	0	0	
and the second second second second	penned			0	0	0	0	0	6,	%	6,	0	4,	0	,4	2,	2,	5,	ő	0	
Beschreibung		WL-A-erhärten	WL-A-ausschalen	Lager versetzen	S	LG-Planung	LG-F-Aushub	LG-F-betonieren	LG-aufbauen	Tragwerk Schalung verfestigen	Tragwerk aufbauen	Tragwerk bewehren	Tragwerk betonieren	Tragwerk erhärten	LG-Träger abbauen	Tragwerk ausschalen	RB links - herstellen	RB rechts - herstellen	LG-abbauen	Baustellenräumung	
Dauer		2	2	1	0	18	3	2	20	9	25	30	4	12	5	15	9	9	10	15	6
ummer		62	63	29	64	64	65	99	29	29	89	69	70	7.1	72	73	74	75	92	87	77
Knotennummer	0	55	62	63	10	4	64	65	99	4	29	89	69	70	71	72	73	74	75	92	7 2
Ż		00	N 80	83	84	85	86	87	88	89	90	91	92	93	94	96	96	26	86	66	001

Tabelle 14

	Knotennummer	ımmer				Arb	Arb e itsk räf te	ifte	
Lfd. Nr.			Dauer	Beschreibung	r=1	2	3	4	5
lol	77	78	1	Bordsteine verlegen	0	0	0	0	0
102	7.8	80	3.	Fahrbahndeckenbelag	0	0	0	0	0
103	78	62	1	Gehsteig - Ausgleichsbeton	٥	0	0	0	0
104	62	80	0	S	0	0	0	0	0
105	80	81	-	Gehsteigbelag	0	0	٥	0	0
106	81	87	9	Geländer	0	0	0	0	- 0
107	4	5	1	Eisen bestellen	0	0	0	0	0
108	Z.	17	-	LIEF und EB WR-F	0	,7	0	0	1,
109	2	25	1	LIEF und EB SR1-F	0	2,	0	0	1,
110	22	28	-	LIEF und EB SR2-F	0	2,	0	0	1,
111	5	31	-	LIEF und EB WL-F	0	,2	0	0	1,
112	rC	39	2	LIEF und EB WR-A	0	2,	0	0	1,
113	.C	47	2	LIEF und EB SR1-A	0	2,	0	0	1,
114	52	50	2	LIEF und EB SR2-A	0	2,	0	0	1,
115	5	53	2	LIEF und EB WL-A	0	2,	0	0	1,
116	Z.	89	12	LIEF und EB Tragwerk	0	5,	0	0	1,
117	2	73	2	LIEF und EB RB-links	0	2,	0	0	1,
118	Z.	74	2	LIEF und EB RB-rechts	0	2,	0	0	1,
119	4	9	1	KIES und Zement bestellen	0	0	0	0	0
120	9	23	1	MAT-WR-F	. 0.	0	0	0	0
	_								

	Knotenr	Knotennummer	(That seems to see seems	Ar	Arbeitskräfte	ifte	
H H H H	• q=d		Dauer	Seschreibung	Protection of the Control of the Con	2	3	4	5
121	O CONTRACTOR OF THE CONTRACTOR	92	-	MAT-SR1-F	0	0	0	0	0
122	9	59	1	MAT-SR2-F	0	0	0	0	0
123	9	32	T	MAT-WL-F	0	0	0	0	0
124	9	45	1	MAT-WR-A	0	0	0	0	0
125	9	48	1	MAT-SR1-A	0	0	0	0	0
126	9	51	1	MAT-SR2-A	0	0	0	0	0
127	9	54	1	MAT-WL-A	0	0	0	0	0
128	9	69	9	MAT Tragwerk	0	0	0	0	0
129	6	73	1	MAT-RB links	0	0	0	0	0
130	9	74	1	MAT-RB rechts	0	0	0	0	0
131	59	86	2	SR1-fertigstellen	0	0	0	0	2
132	61	98	0	S	0	0	0	0	0
133	98	87	2	SR2-fertigstellen	0	0	0	0	2,
134	57	82	1	WR-Vertikalisolierung	0	0	0	0	2,
135	82	83	1	WR-Schutzschlichtung	0	0	0	0	2,
136	83	85	3	WR-hinterfüllen	0	0	0	1,	2,
137	63	82	0	S	0	0	0	0	0
138	82	84	1	WL-Vertikalisolierung	0	0	0	0	2,
139	84	85	1	WL-Schutzschlichtung	0	0	0	0	2,
140	58	87	3 8	WL-hinterfüllen	0	0	0 0	. [2,

Tabelle 16

ZUSE / OPERATIONS RESEARCH

TERRINPLANUNG NACH C P M (CRITICAL PATH METHOD)

PROJEKT: TESTRECHNUNG STRASSENBRUECKE

DATUM : MAI 1965

	AKT	TIVITA	ET	BESCHREIBUNG	FRUE	HEST	SPAE	TEST	PU	FFE	RZE	I T	K	
	1	J	D		BEGINN	ENDE	BEGINN	ENDE	TOTAL	FREI	BEDV	UNAB	W	
O.	100	0003	0050	DETAILPROJEKTIERUNG	0000	0050	0000	0050	0000	0000	0000	0000	Ф	
Of	203	0004	0015	BEHOERDL. GENEHMIGUNG	0050	0065	0050	0065	0000	0000	0000	0000	Ф	
T	not	0002	0002	ARBEITSKRAEFTEBESCHAFFUNG	0000	0002	0033	0035	0033	0000	0033	0000		
CC	302	0004	0030	BAUSTELLENEINRICHTUNG	0002	0032	0035	0065	0033	0033	0000	0000		
00	MOR	0007	0006	WR-F AUSHUB	0065	0071	0065	0071	0000	0000	0000	0000	ø	
G	307	0011	0003	WR-F POELZEN	0071	0074	0075	0078	0004	0000	0004	0000		
OX	011	0017	0004	WR PFAHLGRUENDUNG	0074	007 8	0078	0082	0004	0000	0004	0000		
00	017	0023	0003	WR-F BEWEHREN	0078	0081	0082	0085	0004	0000	0004	0000		
OK	23	0024	0002	WR-F BETONIEREN	0081	0083	0085	0087	0004	0000	0004	0000		
Œ	:24	0033	0001	WR-F AUSSCHALEN	0083	0084	0091	0092	8000	0000	8000	0000		
O	011	0012	0000	S ,	0074	0074	0080	0080	0006	0004	0002	0000		
OC	017	0018	0001	UMSTELLUNG	0078	0079	0082	0083	0004	0002	0002	0000		
O.	324	0025	0000	S	0083	0083	0087	0087	0004	0002	0002	0000		
oc	033	0034	0000	S	0084	0084	0095	0095	0011	0006	0005	0000		
	707	8000	0007	SR1-F AUSHUB	0071	0078	0071	0078	0000	0000	0000	0000	Ф	
	800	0012	0000	S	0078	0078	0800	0080	0002	0000	0002	0000		
	012	0013	0003	SR1-F POELZEN	0078	0081	0080	0083	0002	0000	0002	0000		
	013	0018	0000	S	0081	0081	0083	0083	0002	0000	0002	0000		
	018	0019	0004	SR1 PFAHLGRUENDUNG	0081	0085	0083	0087	0002	0000	0002	0000		
	19	0025	0000	S	0085	0085	0087	0087	0002	0000	0002	0000		
	025	0026	0003	SR1-F BEWEHREN	0085	0088	0087	0090	0002	0000	0002	0000	1	
	026	0027	0002	SR1-F BETONIEREN	0088	0090	0090	0092	0002	0000	0002	0000		
	027	0034	0000	S	0090	0090	0095	0095	0005	0000	0005	0000		
	034	0035	0001	SR1-F AUSSCHALEN	0090	0091	0095	0096	0005	0000	0005	0000	(
	013	0014	0000	S	0081	0081	0085	0085	0004	0004	0000	0002	1	
	019	0020	0001	UMSTELLUNG	0085	0086	0087	0088	0002	0002	0000	0000	Ė	
	027	0028	0000	S	0090	0090	0092	0092	0002	0002	0000	0000	(
	035	0036	0000	S	0091	0091	0098	0098	0007	0006	0001	0001		
	800	0009	0007	SR2-F AUSHUB	0078	0085		0085	0000	0000	0000	0000	Ф	
	009	0014	0000	S	0085	0085	0085	0085	0000	0000	0000	0000	0	
	014	0015	0003	SR2-F POELZEN	0085	0088	0085	0088	0000	0000	0000	0000	Ф	
	015	0020	0000	\$	0088	0088	0088	0088	0000	0000	0000	0000	•	
	020	0021	0004	SR2 PFAHLGRUENDUNG	8800	0092	0088	0092	0000	0000	0000	0000	0	
c	021	0028	0000	\$	0092	0092	0092	0092	0000	0000	0000	0000	Ф	
	028			SR2-F BEWEHREN			0092		0000	0000	0000	0000	•	
	029	0030		SR2-F BETONIEREN	0095	0097		0097				0000	Ф	
	030	0036	0000	\$	0097	0097		0098				0000		
	036	0037	ccol	SR2-F AUSSCHALEN	0097	0098		0099				0000		
	015	0016	0000	S	0088	0088		0091				0003	,	
	021	0022	0001	UMSTELLUNG	0092	0093			0000			0000	-	
-31					-	, -		-						

1	AK	TIVITA	ET	BESCHREIBUNG	FRUE	HEST	SFAE	TEST	FU	FFE	RZE	I T K
0.007 0.010 0.005 0.000 0.007 0.000 0.007 0.000 0.	1	J	0		BEGINN	ENDE	BEGINN	ENDE	TOTAL	FREI	BEDV	URAB W
0.007 0.010 0.005 0.000 0.007 0.000 0.007 0.000 0.												
Control Cont		400										
												_
0.022 0.002 0.004 N.FF POELZER 0.071 0.073 0.071 0.093 0.000 0.	100000000000000000000000000000000000000				2.7							200
0022 0031 0032 0031 0032 0031 0032 0031 0032 0031 0032 0031 0032 0031 0032 0031 0032 0031 0032 0033 0039 0034 0031 0032 0033 0039 0034 0031 0033 0039 0034 0031 0033 0039 0033 0039 0033 0035 0033 0035 0033 0035 0033 0035 0033 0035 0033 0035 0033 0035 0033 0035 0033 0035 0033 0035 0033 0035 0033 0035 0033 0035 0033 0035 0033 0035 0033 0035 0033 0035												
0.032 0.034 0.004 M.L.F BETWHERN 0.077 0.100 0.000 0.												
6022 ORSR 6044 ORSP CHLF RETONLEREN 0100 ORSP 0102 ORSP 0102 ORSP 0000 ORSP 0											1000	
6-38 6-644 6-001 ML - F AUSCHALEN 6-74 6-76 6-792 6-794 6-797 6-79 6-794 6-797 6-79 6-794 6-797 6-79 6-794 6-797 6-79 6-794 6-797 6-794 6-797 6-794 6-797 6-794												
Color Col												
0.000 0.0												
cm/5 cm/6 cm/6 <t< td=""><td></td><td></td><td>16</td><td>하다 그 그 이 바로 살아 보는 것이 되었다.</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></t<>			16	하다 그 그 이 바로 살아 보는 것이 되었다.								
ασ/56 ασ/57 ασ/57 <t< td=""><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></t<>												
0675 co57 co62 MR_A AUSSCHALEN co69 co66 co66 co67 co60 co61 co60 co60 co61 co60 co61 co60 co61 co60 co61 co60 co61 co63 sc60 co61 co60	0.00	0056	0002	WR-A ERHAERTEN								0000
6039 code code S code c			0002	WR-A AUSSCHALEN						0000		0000
0046 0472 0000 S 0491 0491 0499 008 003 005 0000 0757 0475 0490 0000 S 0491 0491 0491 0491 0040 0005 0001 SP1-A BETURIEREN 0097 0101 0110 0111 0011 0000 0005 0000 0059 0001 SP1-A BETURIEREN 0097 0100 0110 0111 0011 0011 0000 0001 0000 0001 <td></td> <td>0040</td> <td></td> <td>S</td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td>0005</td> <td></td> <td>0000</td>		0040		S						0005		0000
αα35 ασ40 ασ30 SR1-A EINSCHALEN ασ91 ασ96 ασ96 ασ95 ασ06 ασ95 ασ06 ασ95 ασ06 ασ95 ασ06 ασ97 ασ06 ασ99 ασ95 ασ06 ασ99 ασ05 ασ06 ασ09 ασ05 ασ06 ασ07 ασ09 ασ05 ασ06 ασ07 ασ01 ασ09 ασ06 ασ09 ασ05 ασ06 ασ07 ασ01 ασ06 ασ07 ασ07 ασ01 ασ06 ασ01 ασ06 ασ01 ασ06 ασ01 ασ06 ασ01 ασ06 ασ07 ασ07 <td>0046</td> <td>0047</td> <td>0000</td> <td>S</td> <td>0001</td> <td>0091</td> <td>0099</td> <td>0099</td> <td>0008</td> <td>0003</td> <td>0005</td> <td>0000</td>	0046	0047	0000	S	0001	0091	0099	0099	0008	0003	0005	0000
αde αdf1 αdd3 SR1-A EINSCHALEN αdf1 αdf4 αdf9	0057	0058	0000	S	0095	0005	0110	0110	0015	0004	0011	0000
0041 0040 S 0094 0094 0099 0099 0005 0000 0005 0000 0005 0000 0005 0000 0005 0000 0005 0000 0005 0000 0005 0000 0005 0000 0005 0000 0005 0000 0005 0000 0005 0000 0005 0000 0005 0000 0005 0000 0000 0005 0000 0005 0000 0005 0000 0005 0000 0001 0000 0001 0001 0011 0011 0011 0001 0011 0000 0011 0000 0011 0000 0011 0000 0011 0000 0011 0011 0011 0011 0011 0000 0011 0000 0011 0000 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 00	0035	0040	0000	S	0001	0001	0096	0096	0005	0000	0005	0000
047 048 049 041 049 041 069 001 SR1-A BETONIEREN 069 069 0101 0005 0000 0005 0000 0005 0000 0005 0000 0005 0000 0005 0000 0005 0000 0005 0000 0001 0000 0011 0000 0011 0000 0001 0010 0010 0011 0000 0011 0000 0011 0000 0011 0000 0011 0000 0011 0000 0011 0000 0011 0000 0011 0000 0011 0000 0011 0000 0011 0000 0011 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001	0040	0041	0003	SR1-A EINSCHALEN	0091	0094	0096	0099	0005	0000	0005	0000
ανθθ ανθ9 ανθ1 ανθ1 ανθ9 ανθ9 ανθ1 ανθ1 ανθ9 ανθ1 ανθ9 ανθ1 ανθ9 <t< td=""><td>0041</td><td>0047</td><td>0000</td><td>S</td><td>0094</td><td>0004</td><td>0099</td><td>0099</td><td>0005</td><td>0000</td><td>0005</td><td>0000</td></t<>	0041	0047	0000	S	0094	0004	0099	0099	0005	0000	0005	0000
cv49 cv58 co22 SR1-A ERHAERTEN cv97 cv99 cv19 co11 co00 co11 coco cot1 coco cot1 coco cot1 coco	0047	0048	0002		0094	0006	0099	0101	0005	0000	0005	0000
0.058 0.059 0.001 SR ₂ -A AUSSCHALEN 0.090 0.100 0.110 0.111 0.011 0.000 0.011 0.001 0.004 0.004 0.004 0.009 0.009 0.005 0.004 0.001 0.000 0.009 0.009 0.005 0.004 0.001 0.000 0.009 0.009 0.000 0.0		40.00				0097		0102	0005	0000	0005	0000
0041 042 0000 S 0094 0094 0099 0095 0004 0001 0000 0049 0050 0000 S 0097 0097 0102 0102 0005 0004 0001 0000 0057 0040 0000 S 0090 0099 0099 0007 0001 0000		TO 100	0002		0097	0099	010 ⁸	0110	0011	0000	0011	0000
049 050 0000 S 0677 0679 0102 0102 0005 0004 0001 0000 0577 0450 0000 S 0100 0100 0111 0111 0011 0005 0005 0000 0577 0422 0033 SR2-A EINSCHALEN 0098 0010 0099 0102 0001 0000 0001 0001 0000 0001 0000 0001 0001 0000 0001 0000 0001 0001 0001 0001		1900	0001			-					0011	0000
CO CO CO CO CO CO CO CO			0000						100	0004	A	0000
COST												
co42 co43 co63 sc2_A EINSCHALEN co68 co10 co69 co10 co60 co00 coc0												
0063 0050 0002 SR2=A BEWEHREN 0101 0102 0102 0001 0000 0001 0000 0051 0052 0051 0052 0063 0002 SR2=A BENONIEREN 0103 0104 0105 0105 0001 0000 0005 0005 0052 0063 0064 0002 SR2=A ERHAERTEN 0104 0106 0107 0111 0105 0000 0005 0000 0005 0000 0005 0												
0.051 0.052 0.052 0.052 0.052 0.052 0.053 0.052 0.053 0.052 0.053 0.052 0.053 0.052 0.053 0.052 0.053 0.053 0.053 0.054 0.055												
co51 co52 co60 co2 SR2-A BETONIEREN co103 co104 co105 coc1 coc0 coc0 </td <td></td> <td></td> <td>C 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10</td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td>			C 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10									
αc52 αc60 αc02 SR2-A ERHAERTEN αcccccccccccccccccccccccccccccccccccc			7 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	TO U.S. 1971 PROPERTY OF THE STATE OF THE ST								
0060 0061 0001 SR2-A AUSSCHALEN 0106 0107 0111 0112 0005 0000 0000 0000 0000 0000			A STATE OF THE PARTY.									
ασ43 ασ44 ασσο S α101 α103 α103 αοσ2 ασσ2 ασσο α									1112		100	
0052 0053 0000 S 0104 0104 0105 0105 0001 0001 0000 0000 0061 0062 0000 S 0107 0107 0112 0112 0005 0005 0000 0000 0044 0053 0003 WL-A BENEHREN 0103 0105 0108 0000 0				이 그는 그렇게 되었다. 그 이 경우를 꾸게 하는데 있는 일이 모든 그리고 있다. ㅋㅋㅋㅋㅋ				113 3291		1 15 1 120		
0061 0062 0000 S 0107 0112 0112 0005 0005 0000 0000 0044 0053 0002 WL-A EINSCHALEN 0103 0105 0103 0105 0000												
co44 oo53 coo2 WL-A EINSCHALEN o103 o105 o103 o105 o000												
co53 co54 coc3 NL-A BENEHREN cocococcccccccccccccccccccccccccccccc												0000 P
0054 0055 0002 WL-A BETONIEREN 0108 0110 0108 0110 0000		N 35 50				_			0000	0000	0000	0000 [©]
0055 0062 0002 WL-A ERHAERTEN 0110 0112 0110 0112 0000		11,5,11,557					2		0000	0000	0000	0000 0
0062 0063 0002 WL-A AUSSCHALEN 0112 0114 0112 0114 0000						0112	0110	0112	0000	0000	0000	0000 P
0063 0067 0001 LAGER VERSETZEN 0114 0115 0114 0115 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0001 0000 0000 0000 0000 0001 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000				WL-A AUSSCHALEN	0112	0114	0112	0114	0000	0000	0000	0000 🖰
0010 0004 0000 S 0091 0091 0092 0092 0001 0000 0000 0001 0000 0000 0001 0000 0000 0001 0000 00			0001	LAGER VERSETZEN	0114	0115	0114	0115	0000	0000	0000	0000 [©]
co64 co65 co65 co65 co65 co65 co66 co65 co66 co66 co66 co66 co66 co67 co67 co66 co67 co67 co68 co67 co68 co67 co68 co67 co68 co69 co68 co69 co69 <td< td=""><td>0010</td><td>00/4</td><td>0000</td><td>\$</td><td>0091</td><td>0091</td><td>0092</td><td>0092</td><td>0001</td><td>141</td><td></td><td></td></td<>	0010	00/4	0000	\$	0091	0091	0092	0092	0001	141		
0065 0066 0002 LG_F BETONIEREN 0094 0096 0095 0097 0001 0000 0001 0000 0066 0067 0018 LG AUFBAUEN 0096 0114 0097 0115 0001 0000 0000 0004 0067 0006 TRAGWERK SCHALUNG VORFERT. 0065 0071 0109 0115 0044 0044 0000 0044 0067 0068 0025 TRAGWERK AUFBAUEN 0115 0140 0170 0140 0170 0000 <td< td=""><td>0004</td><td></td><td>0020</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td>0006</td><td></td><td></td></td<>	0004		0020							0006		
0065 0066 0002 LG-F BETONIEREN 0094 0096 0097 0001 0000 0000 0066 0067 0018 LG AUFBAUEN 0096 0114 0097 0115 0001 0000 0000 0007 0006 TRAGWERK SCHALUNG VORFERT. 0065 0071 0109 0115 0044 0044 0000 0044 0067 0068 0025 TRAGWERK AUFBAUEN 0115 0140 0170 0140 0170 0000<			0000	I.G-F AUSHUB								
0000 0007 0010 E0 AUTUNGEN 0000 0007 0000 TRAGWERK SCHALUNG VORFERT. 0005 0071 0109 0115 0044 0044 0000 0044 0007 0008 0025 TRAGWERK AUFBAUEN 0115 0140 0170 0140 0170 0000 0000 0000 0000		0066	0002									
0067 0068 0025 TRAGHERK AUFBAUEN 0115 0140 0170 0000 0000 0000 0000 0000 0000		0067	0018									
0067 0068 0025 TRAGWERK AUFBAUEN 0115 0140 0100 0000 0000 0000 0000 0000			0006									
COOK SORY SOUR HANKER BENEINER		0068										
	0068	0069										
	04060	9070	0004	TRAGWERK BETONIEREN	0170	0174	0170	0174	0000	0000	0000	0000 FP

AN I	TIVITA J	ET D	BESCHREIBUNG	FRUE Beginn		SPAE' BEGINN			FREI	R Z E BEDV	
0 070	0071	0012	TRAGWERK ERHAERTEN	0174	0186	0174	0186	0000	0000	0000	0000
0071	0072	0005	LG-TRAEGER ABBAUEN	0136	0191	0186	0191	0000		0000	0000
on?2	0073	0015	TRAGWERK AUSSCHALEN	0191	0206	0171	0206	0000		0000	0000
2073	0074	0006	RB LINKS HERSTELLEN	0206	0212	0206	0212	0000	0000	0000	0000
1074	0075	0006	RB RECHTS HERSTELLEN	0212	0218	0212	0218	0000	0000	0000	0000
2075	0076	0010	LG ABBAUEN	0218	0228	0218	0228	0000	0000	0000	0000
0076	0087	0015	BAUSTELLENRAUMUNG	0228	0243	0228	0243	0000	0000	0000	0000
2075	0077	0003	FAHRBAHNDECKENISOLIERUNG	o218	0221	0229	0232	0011	0000	0011	0000
0077	0078	0001	BORDSTEINE VERLEGEN	0221	o222	0232	o233	0011	0000	0011	000
2078	ooßo	0003	FAHRBAHNDECKENBELAG	o222	o225	n233	0236	0011	0000	0011	000
2078	0079	0001	GEHSTELG-AUSGLEICHSBETON	o222	0223	0235	0236	0013	0000	0013	000
2079	იიჩი	0000	S	o223	0223	0236	0236	0013	0002	0011	000
വെവ	0081	0001	GEHSTEI GBEL AG	o225	0226	0236	0237	0011	0000	0011	000
m81	0087	0000	GELAENDER	0226	o232	0237	n243	0011	0011	0000	000
2000	0005	0001	EISEN BESTELLEN	0065	0066	იიმი	0081	0015	0000	0015	000
005	0017	0001	LIEF UND EB WR-F	0066	0067	0081	0082	0015	0011	0004	000
005	0025	0001	LIEF UND EB SR1-F	0066	0067	0086	0087	0020	- 1 - 2	0002	000
0005	0028	0001	LIEF UND EB SR2-F	0066	0067	0091	0092	0025	0025	0000	001
005	0031	0001	LIEF UND EB WL-F	0066	0067	0016	0097	0030	0030	0000	001
2005	0030	0002	LIEF UND EB VR-A	0066	0068	0092	0004	0026	0018	8000	000
0005	0047	0002	LIEF UND EB SR1-A	0066	0068	0097	0000	0031	0026	0005	001
2005	0050	0002	LIEF UND EB SR2-A	0066	0068	0100	0102	0034	0033	0001	001
2005	0053	0002	LIEF UND EB WL-A	0066	0068	0103	0105	0037	0037	0000	002
2005	0068	0012	LIEF UND EB TRAGHERK	0066	0078	0128	0140	0062	0062	0000	004
2005	0073	0002	LIEF UND EB RB LINKS	0066	0068	0201	0206	0138	0138	0000	012
2005	0074	0002	LIEF UND ER RB RECHTS	0066	0068	0210	0212	0144	0144	0000	012
None	anah	0001	KIES UND ZEMENT BESTELLEN	0065	0066	იიმპ	0084	0018	0000	0019	000
nnoh	0023	0001	MAT-WR-F	0066	0067	0084	იიმნ	0018	0014	0004	000
moli	0026	0001	MAT-SR1-F	0066	0067	OORO	0000	0023	0021	0002	000
006	0029	0001	MAT-SR2-F	0066	0067	0004	0005	0022	0029	0000	001
2006	0032	0001	MAT-VL-F	0066	0067	oogo	0100	0033	0033	0000	001
noh	0015	0001	MAT-HR-A	0066	0067	0006	0007	0030	0022	റവാ	000
1000	0043	0001	MAT-SR1-A	0066	0067	0100	0101	0034	0029	0005	001
nooh	0051	0001	MAT-SR2-A	0066	0067	0103	0101	0037	0036	0001	001
nnh	0051	0001	MAT-WL-A	0066	0067	0107	0100	00/1	00/1	0000	002
nno	0060	0006	MAT-TRAGMERK	0066	0072	0164	0170	oou	0008	0000	00
noh	0073	2001	MAT-RB LINKS	0066	0067	0205	0206			0000	012
0000	0074	0001	MAT-RB RECHTS	0066	0067	0211	0212	0145	0145	0000	012
2059	0086	0002	SR1 FERTIGSTELLE!	0100	0102	0237	02/1	0139	0005	0134	000
0061	0086	0000	S	0107	0107	0241	0211	0134	0000	0134	000
0000	0087	0002	SR2 FERTIGSTELLEN	0107	0100	0241	0243	0134	0134	0000	000
0057	0082	0001	WR VERTIKALISOLIERUNG	0095	0006	o235	0236	0140	001	0122	000
0082	0083	0001	WR SCHUTZSCHLICHTUNG	0111	0115	0236	0237	0122			000
00 ^R 3	0085	0003	WR HINTERFUELLEN	0115	0118	0237		0122			000
2063	0002	0000	S	0114	0111	0236	0236				000
0082	0084	0001	WE VERTIKALISOLIERUNG	0114	0115	o238	0239				000
0084	0005	0001	WL SCHUTZSCHLICHTUNG	o115	0116	0230	0210				000
	0007	0003	AL HINTERUELLER	011 ²	0121	0240	0243	0122	0122	0000	000

Tabelle 19

ZUSE / OPERATIONS RESEARCH

TERMINPLANUNG NACH C P M (CRITICAL PATH METHOD)

PROJEKT : TESTRECHNUNG STRASSENBRUECKE

DATUM : MAI 1965

	AK	TIVITA	ET	BESCHREIBUNG	FRU	EHEST	SPA	ETEST	PU	FFE	RZE	11	K
	1	J	D			N ENDE					BEDV		W
	0001	0003	0050	DETAILPROJEKTIERUNG	0000	0050	0000	0050	0000	0000	0000	0000	0
	0003	0004	0015	BEHOERDL. GENEHMIGUNG	0050	0065	0050	0065	0000	0000	0000	0000	45
	0001	0002	0002	ARBEITSKRAEFTEBESCHAFFUNG	0000	0002	0033	0035	o n33	0000	003 3	0000	
	ono?	non4	0030	BAUSTELLENEINRICHTUNG	onn2	0032	0035	0065	0033	0033	0000	0000	
	\ono/	0007	0006	WR-F AUSHUB	0065	0071	0065	0071	0000	0000	0000	0000	Ф
	0007	0011	0003	WR-F POELZEN	0071	0074	0071	0074	0000	0000	0000	0000	Ф
	0011	0017	0004	WR PFAHLGRUENDUNG	0074	0078	0074	0078	0000	0000	0000	0000	0
	0017	0023	0003	AK-E BEAEHSEN	o 078	0081	0078	0081	0000	0000	0000	0000	Ф
	0023	0024	non2	WR-F BETONIEREN	0081	റാ 83	0081	0083	0000	0000	0000	0000	Ф
	0024	0033	0001	WR-F AUSSCHALEN	0083	0084	00 87	8800	0004	0000	0004	0000	
	0011	0012	0000	\$	0074	0074	0076	0076	0002	0002	0000	0002	
	2017	0018	0001	UMSTELLUNG	0078	0079	0078	0079	0000	0000	0000	0000	Ф
	0024	00.75	0000	\$	n o 03	იი83	0083	00 83	0000	0000	0000	0000	Ф
	2033	0034	0000	S	0084	0084	0091	0091	0007	0004	0003	0000	
¥	ono?	3000	0005	SR1-F AUSHUB	0071	0076	0071	0076	0000	0000	0000	0000	Ф
	OOOR	0012	0000	S	0076	0076	0076	0076	0000	0000	0000	0000	0
	0012	0213	0003	SR1-F POELZEN	0076	0079	0076	0079	0000	0000	0000	0000	Ф
	0013	0018	0000	S	0079	0079	0079	0079	ററററ	0000	0000	0000	ø
	0019	0019	000/	SR1 PFAHLGRUENDUNG	0070	0033	0079		0000	0000	0000	0000	ę,
	0010	0025	0000	\$	0083	ററ ി3	ი ი 83	იიწვ	റററഠ	0000	0000	0000	0
	0025	00:26	0003	SR1-F BEHEHREN	00 83	00 86	იი 83	00 86	0000	0000	0000	0000	ø
	0025	0027	0002	SR1-F BETOWLEREN	0086	0088	0086	00 88	0000	0000	0000	0000	Ф
	0027	0034	0000	\$	ooßß	0088	0091	0091	0003	0000	0003	0000	
	003/	0035	0001	SR1-F AUSSCHALEN	0088	იი 89	0091	0092	00 03	0000	0003	0000	
	0013	0014	0000	S	0079	0079	00 ⁸ 1	0081	0002	0002	0000	0002	
	0019	നമ2ന	0001	UMSTELLUNG	00 83	0084	00 83	00 84	0000	0000	0000	0000	Ф
	0027	00.35	0000	S	0088	0088	0088	0088	0000	0000	0000	0000	Ф
	o n35	0036	0000	S	00 89	0089	0094	0094	0005	0001	0001	0001	
	Sono	0000	0005	SR2-F AUSHUB	0076	0081	0076	രറി1	0000	0000	0000	0000	Ф
	onog	0014	റ്ററാ	S	0081	0081	ററ81	0081	0000	0000	0000	0000	Ф
	0014	0015	00 03	SR2-F POELZEN	oo81	0084	0081	0084	0000	0000	0000	0000	ф
	0015	00/20	ററററ	S	0084	0084	0084	00 84	0000	0000	0000	0000	
	00:20	0021	0004	SR2 PEAHLGRUENDUNG	00%4	0088	0084	00 88	0000	0000	0000	0000	
	0021	0028	0000	S	0088	0088	3800	0 088	0000	0000	0000	0000	Ф
	002	00.20	00 03	SR2-F BEWEHREN	9800	0091	0 088	0091	0000	0000	0000	0000	¢Þ
	0029	രദ്	0002	SR2-F BETONIEREN	0091	o o93	0091	0093	0000	0000	0000	0000	Ф
	on 30	0036	0000	S	0093	0093	0094	0094	0001	0000	0001	0000	
	0036	0037	0001	SR2-F AUSSCHALEN	0003	0094	0094	0095	0001	0000	0001	0000	
	0015	0016	0000	S .	0084	0084	0087	nn87	0003	0003	0000	0003	
	0021	0022		UMSTELLUNG	00 88	0089	0088	0089	0000	0000	0000	0000	0

Tabelle 2o

AK	TIVITA	ET	BESCHREIBUNG	FRUE	HEST	SPAE	TEST	PU	FFE	RZE	1 T	k
1	J	D				BEGINN		TOTAL	FREI	BEDV	UNAB	W
												1
0031	0031	0000	S yes yes yes	0093	0093	0093	0093	0000	0000	0000	0000	
0037	0038	0000	S	0094	0094	0098	98	0004	0004	0000	0003	_
0000	0010	nooh	YL-F AUSHUB	0081	0087	0081	0087	0000	0000	0000	0000	
6010	0016	0000	5	0087	on87	0087 0087	0087 0089	0000	0000	0000	0000	
0015	0022	0002	HL-F POELZEN HL PFAHLGRUENDUNG	00 87	0003	0007	0093	0000	0000	0000	0000	
0022	0031	0003	WL_F BEWEHREN	0003	0096	0093	0096	0000	0000	0000	0000	
on31 on32	0038	0003	WL-F BETONIEREN	0096	0098	0096	0098	0000	0000	0000	0000	
2038	0044	0001	HL-F AUSSCHALEN	0098	0099	0098	0099	0000	0000	0000	0000	
0033	0039	0002	WR-A EINSCHALEN	0084	0086	0088	0090	0004	0000	0004	0000	
0031	0045	0203	MR-A BEWEHREN	0086	0089	0000	0093	0004	0000	0004	0000	
0045	00/16	0002	HR-A BETONIEREN	വദിവ	0091	0093	0095	0004	0000	0004	0000	
0045	0056	000?	MR-A ERHAERTEN	0001	0093	0102	0104	0011	0000	0011	0000	
o 056	0057	0002	#R-A AUSSCHALEN	0093	0095	0104	0106	0011	0000	0011	0000	
0039	0010	0000	S	0086	0086	0092	0092	0006	0003		0000	
on45	0047	0000	S	0091	0091	0005	0095	0004	0001	0003	0000	
0057	005	0000	S	0095	0005	0106	0106	0011	0002	ooo	0000	
2035	an4o	0000	S	0089	იიგი	0003	0092	0003	0000	0003	0000	
on/lo	0041	0003	SR1-A EINSCHALEN	00 39	0092		იიენ	0003	0000	0003	0000	
00/11	0047	0000	S	00,05	0092		0095	0003	0000		0000	
0047	0043	0003	SR1-A BEWEHREY	0072	0094		0097	0003	0000		0000	
on4il	0040	0001	SR1-A BETORIEREN	0004	0095	0097	0098	0003	0000	0003	0000	
0049	0058	0002	SR1-A ERHAERTEN	0005	0097	0104	0106	0009	0000	000)	0000	
on5H	0059	0001	SR1-A AUSSCHALEN	0097	იიემ	0106	0107	0000	0000	0009	0000	
00/1	0042	0000	\$	0002	0092	0095	0095	0003	0002		0000	
00/19	0050	0000	5	0095 0098	0095 0098	0098	0107	0003	0002		0000	
0050	0042	0000	\$	0090	0094	0095	0095	0009	0000	0001	0000	
on37 on42	0043	0000	SR3-A EINSCHALEN	0094	0097	0095	3000	0001	0000	0001	0000	
0043	0050	0000	S	0097	0077	0098	0098	0001	0000	0001	0000	
กกวิด	0051	0002	SRR-A BEWEHREN	0097	0000	3000	0100	0001	0000	0001	0000	
0051	0052	0001	SR2-A BETONIEREN	0099	0100	0100	0101	0001	0000	0001	0000	
0052	იინი	0002	SR2-A ERHAERTEN	0100	0102		0107	0005	0000	0005	0000	
0060	0061		SR2-A AUSSCHALEN	0102	0103	41.		0005	0000	0005	0000)
0043	0044	0000	S	0007	0097	0099	0099	0002		0000		
0052		0000	S	0100	0100	0101	0101	0001	0001	0000	0000	1
0061	0062	0000	S	0103	0103	0108	0108	0005	0005	0000	0000	1
004	0053	0002	WL-A EINSCHALEN	0000	0101	0099	0101	0000	0000	0000	0000	_
2053	0054	0003	WL-A BEWEHREN	0101	0104		0104	0000	0000	0000	0000	_
0054	0055	000?	*L-A BETONIEREN	0104	0106		0106	0000	0000		0000	
2055	006.2	0002	WL-A ERHAERTEN	0106	0 10 8			0000	0000		0000	_
0062	0063	0002	WL-A AUSSCHALEN	010?	0110		0110	80	0000		0000	
0063	0067	0001	LAGER VERSETZEN	0110	0111		0111	0000	0000	0000	0000	
onin	onh4	0000	S C DIABILITIC	0087	00 ⁸ 7	0088	0088	0001	0000	0001	0000	
ono	0064	0020	LG-PLANUNG	0065	0085		0088	0003	0002		0002	
ooh!	0065	0003	LG F RETONIEDEN	0087	0090		0091	0001	0000	0001	0000	
0005	0066	0002	LG-F BETONIEREN	0092	0110		0093	0001	0001	0000	0000	
oohh	667 667	0006	LG AUFBAUEN TRAGWERK SCHALUNG VORFERT.	0005	0071	-	0111	0040	00/10		0040	
ono/1 ono/7	0001	0000	TRAGWERK AUFBAUEN	0111	0136		0136	0000	0000	0000	0000	_
0001	0069	0030	TRAGHERK BEHEHREN	0136	0166		0166	0000	0000	0000	0000	
0069	0070	0004	TRAGWERK BETONIEREN	0166	0170		0170	0000	0000	0000	0000	_
0070	0071		TRAGWERK ERHAERTEN		0182		_		0000	0000	0000	Ф
2010	arry a			255-71								

Tabelle 2ł

ΔK	TIVITA	FT	BESCHREIBUNG	FRUE	HEST	SPAE	TEST	P !!	FFE	RZE	1 T	K
1	J	. D	DESCRIPTION OF THE PROPERTY OF			BEGINN					UNAB	
	-											
0071	0072	0005	LG-TRAEGER ABBÄUEN	0182	0187	0182	0187	0000	0000	0000	0000	ø
0072	0073	0015	TRAGWERK AUSSCHALEN	0187	0202	0187	0202	0000	0000	0000	0000	ø
0073	0074	0006	RB LINKS HERSTELLEN	0202	0208	0202	0208	0000	0000	0000	0000	Ф
0074	0075	2006	RB RECHTS HERSTELLEN	0208	0214	0.208	0214	0000	0000	0000	0000	ø
0075	0076	0010	LG ABBAUEN	0214	0224	0214	0224	0000	0000	0000	0000	Ф
0076	non7	0015	BAUSTELLENRAUMUNG	0224	0.239	0224	0239	0000	0000	0000	0000	r.
0075	0077	onn3	FAHRBAHNUECKENTSOLIERUNG	0214	0217	0225	0228	0011	0000	0011	0000	
0077	იიუწ	0001	BORDSTEIME VERLEGEN	0217	0218	0238	0229	0011	0000	0011	0000	
on78	იიმი	0003	FAMRBAHNDECKENBELAG	0218	0221	0229	0232	0011	0000	0011	0000	
0078	0079	0001	GEHSTEIG-AUSGLEICHSBETON	0218	0219	0231	o232	0013	0000	0013	0000	
2079	0080	0000	\$	0219	0219	0232	0232	0013	0002	0011	0000	
രമീര	0081	0001	GEHSTE!GBELAG	0221	0222	0232	0233	0011	0000	0011	0000	
on81	0087	onnh	GELAENDER	0222	0.226	0233	0239	0011	0011	0000	0000	
onal	0005	0001	EISEN BESTELLEY	0065	onth	0076	0077	0011	0000	0011	0000	
0005	0017	0001	LIEF UND ES VR-F	0066	0067	0077	0078	0011	0011	0000	0000	
0005	00.25	0001	LIEF UND EB SR1-F	0066	0067	ന്റി?	00^{2} 3	0016	0016	0000	0005	
0005	0038	0001	LIEF UND EB SR2-F	0066	0067	0087	0038	0021	0021	0000	0010	
0005	0031	oon1	LIEF UND EB AL-F	იინნ	0067	0092	0003	0026	0026	0000	0015	
0005	0030	0002	LIEF UND EB AR-A	0066	3000	0088	0000	0022	0018	0004	0007	
0005	2017	000?	LIEF UND EB SRI-A	oobb	0068	0003	0005	0027	0024	0003	0013	
0005	0050	0002	LIEF UILD EB SRO-A	oghń	3200	0006	იიიც	0030	0020	0001	0018	
0005	0053	0002	LIEF UND ER AL-A	ogńń	006 8	0099	0101	0033	0033	0000	0022	
0005	0068	0013	LIEF UND EB TRAGMERK	იინნ	0078	o124	0136	0058	0058	0000	0047	
0005	0073	00 0 ?	LIEF UND EB RB LINKS	0065	Baco	0.200	0202	o134	0134	0000	0123	
0005	0074	000?	LIEF UND ER RE RECHTS	ontifi	იირ	0.206	0.308	0140	0140	0000	0129	
nnad	onoh	0001	KIES UND ZEMENT BESTELLEN	0065	იინი	0079	വുദ	0014	0000	0014	0000	
onoti	00.33	0001	MAT-+R-F	onhh	0067	ဝက်ဂ	0081	0014	0014	0000	0000	
aanh	on36	0001	NAT-SR1-F	ontif	0067	na85	0086	0019	0019	0000	0005	
on o ń	0029	0001	MAT-SR2-F	0066	0067	0090	0091	0024	0024	0000	0010	
onnó	0032	0001	MAT-4L-F	იირრ	იირ7	0095	0096	0029	0029	0000	on 15	
onah	00/15	0001	MAT-HR-A	0066	0067	00^{0} 2	0093	0026	0022	0004	ooog	
oaań	0048	0001	MAT-SR1-A	ontif	0067	0096	0097	0030	0027	0003	0013	
onnh	0051	0001	MAT-SR2-A	00 66	იი67	იიეე	0100	0033	0032	0001	0018	
onań	0054	0001	PAT-WL-A	იინნ	0067	0103	0104	0037	0037	0000	0023	
onof	0069	0006	MAT-TRASWERK	0066	0072	0160	0166	0094	0094	0000	oolo	
anań	0073	0001	MAT-RB LINKS	0066	0067	0201	0202	0135	o135	0000	0121	
onań	0074	0001	MAT-RB RECHTS	0066	0067	o2o7	o208	0141	0141	0000	0127	
0050	oolh	0002	SR1 FERTIGRIELLEN	96,00	0100	0235	0237	0137	0003		0000	
0061	0086	0000	S	0103	0103		0237	0134	0000	n 1 34	0000	
on85	0087	0002	SR2 FERTIGSTELLEN	0103	0105		0239	0134	0134	0000	0000	
0057	o o82	0001	WR VERTIKALISOLIERUNG	0095	0096		o232	0136	0014	0122	0003	
oo8?	oo83	0001	¥R SCHUTZSCHLICHTUNG	0110			o233	o122		o122	0000	
იიჩვ	0085	იიი3	AR HINTERFUELLEN		0114		0236	o122	0000	o122	0000	
onh3	0082	0000	S				0232	o122	0000	o122	0000	
0082	0084	0001	WL VERTIKALISOLIERUNG	0110			0235	0124		0124	0000	
ocill4	0085	0001	WL SCHUTZSCHLICHTUNG	0111			o236	0124	0002	0122	0000	
0085	0087	6000	WL HINTERUELLEN	0114	0117	0236	0239	0122	0122	0000	0000	

ZUSE/OPERATIONS RESEARCH

AUFTRAG :TESTRECHNUNG STRASSENBRUECKE

BLATT : 01

DATUM :MAI 1965

ERRECHNUNG DES AUFWANDES AN ARBEITSMITTELN

7F I T	BEGINN	AK	TIVI	TAET			ADR	EITC	W TTC	1000	ADC	FUER	חבו	7.5	TOI	MVT				
T	ENDE	1	''J'	D	1	2		4		6		8				Carle Service			1.	
	CHOC	,	3	U	1	2	3	4	כ	O	1	0	9	10	11	12	13	14	15	
nana	BEGINN	001	003	o.E.o.																
	BEGINN					000														
CAMM	CLUINN	CMDE	002	002	00	0 000	000	000	000											
0009	ENDE	1		7																
	BEGINN			002		000														
COOZ	DEGIAN	002	004	030	00	2 000	000	002	003											
22	ENDE	0		- 2-																
0032	LNUL	002	004	030	00	000	000	000	000											
on En	ENDE	1	7	-6-																
				050		000														
COLOR	BEGINN	aos	004	017	000	000	000	000	000											
65	ENDE		4	-15																
				015		000														
	BEGINN					000														
	BEGINN					000														
	BEGINN				1	000														
	BEGINN					000														
00107	BEGINN	004	oon	001	000	3 000	000	000	002											
	ENDE			1																
		004				000														
	BEGINN					000														
						002														
	BEGINN					004														
	BEGINN					006														
	BEGINN					008														
	BEGINN					010														
	BEGINN					012														
	BEGINN					014														
	BEGINN					016														
	BEGINN					021														
	BEGINN					023														
	BEGINN					025														
	BEGINN					025														
	BEGINN				-	025														
	BEGINN				1.784	025														
	BEGINN					o25														
	BEGINN					025														
	BEGINN					025														
	BEGINN					025														
	BEGINN					025														
	BEGINN																			
	BEGINN					025														
SAUT 767	PROTEIN	660	114	KM34	000	025	000	000	013											
0067	ENDE	005	017	nn.1	0	033	000		-12											
0067	terms of the No.	005				o23														
0067	What is a little or .	005				019														
0067	St. Carrie	005				017														
6067		606				017														
AST NE LA	THOL	476363	Vanil	001	000	01/	UUU	000	uoy											

7517	DECLUM	187	TIVE	TACT				A DO		4177	105	0405		חר	w 7C	1 780	NV T	T			
T	BEGINN		1 41.				•						FUER								
	ENUE	ŧ.	J	D		1	2	3	4	ל	О	7	8	ý	10	11	12	13	14	15	
0067	ENDE	006	026	001	o	800	017	000	000	009											
0067			029						000	36.30											
0067			032		10.11		64		000	6 8 7	1										
0067			045			- 1			000												
0067			048			-			000												
0067			051						000												
	ENDE		054						000												
	ENDE		073				,		000												
0067			074						000												
			0, 1					1110	000	1,07											
8800	ENDE	005	039	002	0	200	015	000	000	008											
0068	ENDE	005	047	002		800	013	000	000	007.											
0068	ENDE	005	050	002		no8	011	000	000	006											
0068	ENDE	005	053	002					000												
0068	ENDE	005	073	002		200	007	000	000	004											
0068	ENDE	005	074	002		800	005	000	000	003											
			007			300	005	000	000	001											
			067			000	005	000	000	001											
	BEGINN					004	005	000	000	001											
0071	BEGINN	007	00 8	007		004	005	000	000	003											
70	ENOC	,	(0	,			_														
00/2	ENDE	000	069	000	•	004	לסס	000	000	003											
0074	ENDE	007	011	223		~~~	205	200	000	003											
	BEGINA								000												
6312	04371111	UII	Oli	OOX	•		00)	1,00	(100)	(KK)											
0078	ENDE	011	017	004		000	005	000	000	003											
	ENDE		ooß						000												
0078	ENDE		068						000												
0078	BEGINN								000												
	BEGINN								000												
	BEGINN								000												
0078	BEGINN	008	000	007	(003	000	003	000	003											
0079	ENDE	017	01 8	001	•	003	000	003	000	003											
_		1																			
			023						000												
			013						000												
	BEGINN								001												
on81	BEGINN	018	019	004	•	000	000	003	001	006											
0-	CHOC									_											
			024						000												
on83	BEGINN	024	033	001		000	000	000	000	004											
04	CHIDE		- 00																		
			033			-			000												
OOCA!	BEGINN	0.53	0.19	002	. (DO()	000	000	000	00)											
0085	ENDE	018	019	onA		രവ	000	000	000	005											
			009			-			000												
	ENDE		064						000												
		-		3.000	•			-500		500											

ZEIT	BEGINN	AK.	TIVI	TAET			ARBI	FITS	HITTE	LBEDA	RF	FUER	DEN	7 F I	TPUI	NKT	Т		
T										6								14	15
					•	_					•	.,	,	10	11	1-	10	1.	1)
0096	BEGINN	048	049	001	000	000	005	002	008										
0096	BEGINN	066	067	018	009	000	005	002	012										
	ENDE				009	000	002	001	008										
	ENDE							001											
	ENDE							000											
	BEGINN							000											
	BEGINN							000											
0097	BEGINN	049	0 58	002	009	000	003	000	007										
200	ENDE	-26	-27		0		2												
	BEGINN							000											
0090	BEGIAN	09.2	043	000	015	000	003	000	009										
0000	ENDE	~10	058	002	015	000	003	000	000										
	BEGINN							000											
3077	DE 41 1111	U),,	0);	001	010	000	(III)	w	011										
0100	ENDE	031	032	003	016	000	000	000	010										
	ENDE							000											
	BEGINN							001											
	BEGINN							001											
	ENDE				009	000	003	001	010										
0101	BEGINN	050	051	002	009	000	005	002	011										
	F. (P.F.																		
	ENDE							001											
	ENDE							001											
0102	BEGINN	030	044	001	004	000	002	001	007										
0303	ENDE	238	~44	001	000	000	202	001	005										
	ENDE							000											
	BEGINN							001											
	BEGINN							001											
					,														
0104	ENDE	051	o52	001	017	000	000	000	007										
0104	BEGINN				017	000	000	000	007										
			053					000											
0105	BEGINN	ი53	054	003	000	000	003	001	005										
	rupe	m .c	,				-		_										
	ENDE		oho					001											
0100	BEGINN	000	001	001	010	000	003	001	0 07										
0107	ENDE	dia	061	004	ഹറ	000	002	004	00F										
	BEGINN							001											
OJU!	MEMITIN	(AA)	UNI	WIZ	UU)	100	UU	1001	007										
nich.	ENDE	053	054	003	009	000	000	000	006										
	BEGINA							001											
,575 M																			
0109	ENDE	086	087	002	009	000	003	001	009										

	BESIAN	••••								_		FUER		_					
Ť	ENDE	9	J	D	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
	mai n.m								E.A.										
	ENDE																		
0110	BEGINN	055	062	002	009	000	000	000	004										
	CHOC	mr ma	(0						٠,										
	ENDE																		
OHIZ	BEGINN	002	003	002	010	000	000	000	000										
00 a A	ENDE	-62	-62	7	0				4										
	ENDE							000											
	BEGINN							000											
	BEGINN							000											
	BEGINN							000											
				CO. I	000	000	U.U.	•	U.										
0115	ENDE	063	067	001	000	000	000	000	004										
	ENDE				000			000											
0115	ENDE	082	084	001	000	000	000	000	000										
0115	BEGINN	067	o 68	o2 5	009	000	000	000	003										
0115	BEGINN	083	085	003	009	000	000	001	005										
0115	BEGINN	084	o 85	001	009	000	000	001	007										
,																			
0110	ENDE	004	o 85	001	009	000	000	001	∞5										
- A 6 C	CALOC	00	0=																
0110	ENDE	ons	005	003	009	000	000	000	003										
ollo	BEG! NN	COD	901	003	009	000	000	001	005										
n124	ENDE	~85	6 87	003	009				2										
40000	to trape,	30)	0.7	CAN	007	000	000	000	000										
0140	ENDE	067	990	025	000	000	000	000	~~										
	BEGINN							001											
			,		•			001	000										
0170	ENDE	068	069	030	000	000	000	000	000										
0170	BEGINN	069	070	004	004	000	006	002	010										
	ENDE				000	000	000	000	000										
0174	BEGINN	070	071	012	000	000	000	000	000										
-0/	CALBE	_																	
		070			000	(
0100	BEGINN	0/1	0/2	005	004	000	000	000	003										
A90 4	ENDE	-74	-77	-oF		-													
	BEGINN				000														
0171	DECIMA	0/2	013	01)	002	000	000	000	010										
0206	ENDE	072	073	015	000	000	000	000	000										
	BEGINN				005														
		٠,٠	-, -		00)	-50		-51											
0212	ENDE	073	074	006	000	000	000	000	000										
-	BEGINN				005														
		074			000														
0218	BEGINA	075	076	010	908														
CZIN	BEGINN	075	077	663	ගෙහි	000	000	000	004										

BLATT : o6

ZEIT	BEGINN	AK	TIVI	TAET			ARB	EITS	MITTE	LBE	DARF	FUER	DE	N ZE	TPUI	KT	T			
Ţ	ENDE	•	J	D	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
0221	ENDE	075	077	003	008	000	000	000	004											
0221	BEGINN	077	078	001	900	000	000	000	004											
o222	ENDE	077	078	001	oof	000	000	000	004											
0222	BEGINN	078	080	003	008	000	000	000	004											
o222	BEGINN	078	079	001	_	000														
o223	ENDE	078	079	001	ool	000	000	000	004											
0225	ENDE	078	ofo	003	008	000	000	000	004											
0225	BEGINN	ogo	o81	001	008	000	000	000	004											
0226	ENDE	იჩი	081	001	008	000	000	000	004											
0226	BEGINN			0.00	008	000	000	000	004											
					00	00,	•••	000	.,,,,											
022B	ENDE	075	076	010	~~	000	~~	~~	~~~											
	BEGINN					000	300													
William !	0201111	Of O	Civil	UL	U.A.	000	UU	100	(10)											
0232	ENDE	081	087	006	000	000	000	001	005											
			- Ą.					_												
0243	ENDE	076	087	015	000	000	000	000	000											
		A50.*1		-																

PROJEKTENDE : 0243

Im Netzplan verwendete Abkürzungen

WR Widerlager rechts

SR1 Säulenreihe I

SR2 Säulenreihe II

WL Widerlager links

LG Lehrgerüst

RB Randbalken

F Fundament

A aufgehende Teile

LIEF Anlieferung

EB Eisenbieger für Bewehrung

MAT Sand, Kies, Zement Anlieferung

S Scheintätigkeit

AH Aushub

PÖ Pölzen

PF-Gr Pfahlgründung

FE Bewehren

BT Betonieren

EIN Einschalen

AUS Ausschalen